



مقاييس النزعة المركزية

من إعداد الأستاذة:

بن عزة هناء

أستاذة محاضرة أ – جامعة تلمسان

1. المتوسط الحسابي: \bar{X}

الوسط الحسابي لأي مجموعة من القيم هو ما يعرف بمعدلها بالتعبير العام، ويرمز له بالرمز \bar{X} .

حالة البيانات المبوبة		حالة البيانات الغير مبوبة																					
$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i \cdot n_i)}{\sum_{i=1}^n n_i}$		$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i)}{N}$																					
حالة المتغير الكمي المستمر	حالة المتغير الكمي المتقطع																						
<p>مركز الفئة</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>$n_i x_i$</th> <th>x_i</th> <th>n_i</th> <th>c_i</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td>Σ</td> </tr> </tbody> </table> <p> $x_i = \frac{\text{الحد الأدنى للفئة} + \text{الحد الأعلى للفئة}}{2}$ </p>	$n_i x_i$	x_i	n_i	c_i								Σ	<table border="1"> <thead> <tr> <th>$n_i x_i$</th> <th>n_i</th> <th></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>Σ</td> </tr> </tbody> </table> <p> $\sum n_i x_i$ $\sum n_i$ </p>		$n_i x_i$	n_i							Σ
$n_i x_i$	x_i	n_i	c_i																				
			Σ																				
$n_i x_i$	n_i																						
		Σ																					

2. الوسيط Median:

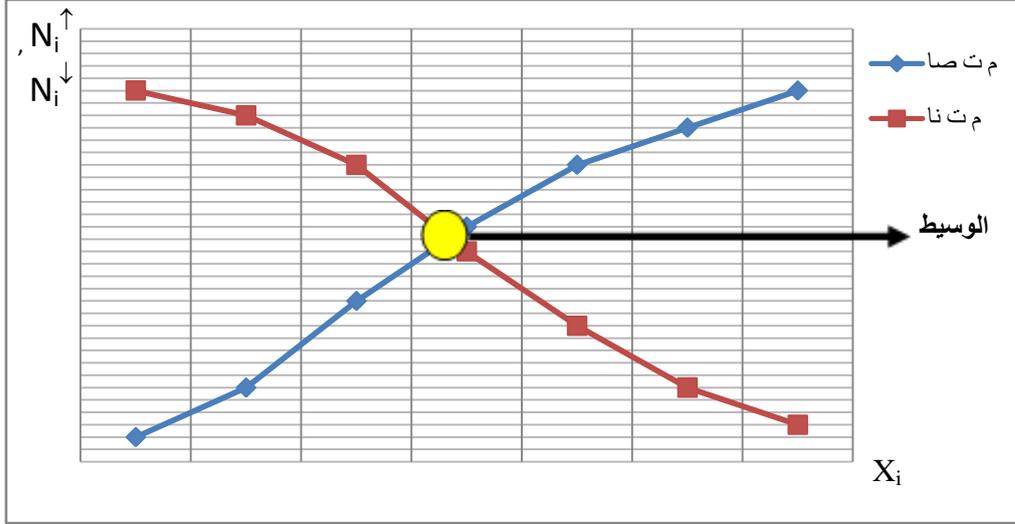
وسيط أي مجموعة من القيم، هو القيمة التي تقع في الوسط بعد ترتيب البيانات ترتيبا تصاعديا، أي القيمة التي تقسم المجتمع الإحصائي المدرس إلى قسمين متساويين. و يرمز لها بالرمز (Me).

حالة البيانات المبوبة		حالة البيانات الغير مبوبة																			
حالة المتغير الكمي المستمر	حالة المتغير الكمي المتقطع	<p>✓ ترتيب البيانات ترتيبا تصاعديا.</p> <p>✓ حساب رتبة الوسيط Rg: فإذا كان:</p> <ul style="list-style-type: none"> • عدد البيانات (N) فردي: $Rg_{me} = \frac{N + 1}{2}$ <ul style="list-style-type: none"> • عدد البيانات (N) زوجي: $Rg_{me} = \frac{\frac{N}{2} + (\frac{N}{2} + 1)}{2}$ <p>3. تحديد القيمة أو العدد المقابل لهذه الرتبة، و الذي هو الوسيط.</p>																			
<p>1. حساب N^{\uparrow}</p> <p>2. حساب رتبة الوسيط:</p> $Rg_{me} = \frac{\sum_{i=1}^n n_i}{2}$ <p>3. تحديد الفئة المقابلة لهذه الرتبة و هي الفئة الوسيطة</p> <p>4. حساب Me:</p> $Me = L + \frac{Rg_{me} + N^{\uparrow}_{i-1}}{n_i} a_i$ <p>L: الحد الأدنى للفئة الوسيطة</p> <p>N^{\uparrow}_{i-1}: التكرار التجميعي الصاعد للفئة السابقة للفئة الوسيطة</p> <p>a_i: طول الفئة الوسيطة</p> <p>n_i: تكرار الفئة الوسيطة</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>N^{\uparrow}</td> <td>n_i</td> <td>c_i</td> <td rowspan="2">الفئة الوسيطة</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>/</td> <td></td> <td>Σ</td> <td></td> </tr> </table>	N^{\uparrow}	n_i	c_i	الفئة الوسيطة				/		Σ		<p>1. حساب N^{\uparrow}</p> <p>2. حساب رتبة الوسيط:</p> $Rg_{me} = \frac{\sum_{i=1}^n n_i}{2}$ <p>3. (X_i) المقابل لهذه الرتبة هو Me</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>N^{\uparrow}</td> <td>n_i</td> <td>x_i</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>/</td> <td></td> <td>Σ</td> </tr> </table>	N^{\uparrow}	n_i	x_i				/		Σ
N^{\uparrow}	n_i	c_i	الفئة الوسيطة																		
/		Σ																			
N^{\uparrow}	n_i	x_i																			
/		Σ																			

■ الوسيط بيانيا:

هو نقطة التقاطع بين المضلع التكراري التجميعي الصاعد و بين المضلع التكراري التجميعي النازل.

أ. في حالة المتغير الكمي المتقطع:

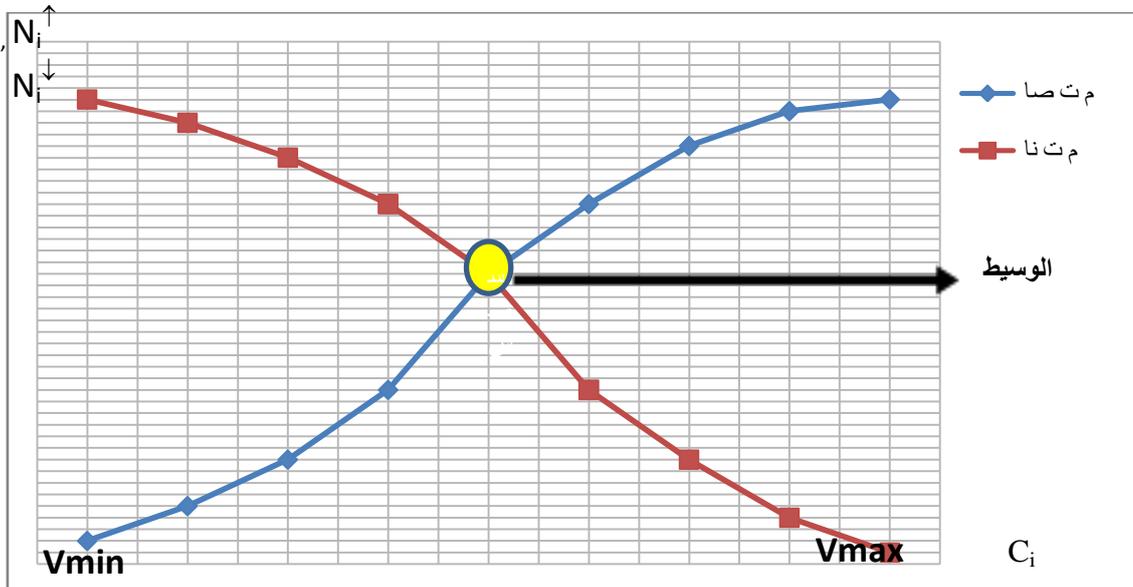


✓ لرسم المضلع التكراري التجميعي الصاعد: نقوم بالربط بين النقاط ذات الإحداثيات (X_i, N_i^{\uparrow}) ، أي نربط ما بين قيم المتغير X_i و ما يقابلها من قيم التكرار المتجمع الصاعد، ثم نصل النقاط المتحصل عليها للحصول على المضلع.

✓ لرسم المضلع التكراري التجميعي النازل: نقوم بالربط بين النقاط ذات الإحداثيات (X_i, N_i^{\downarrow}) ، أي نربط ما بين قيم المتغير X_i و ما يقابلها من قيم التكرار المتجمع النازل، ثم نصل النقاط المتحصل عليها للحصول على المضلع.

✓ المضلع التكراري التجميعي الصاعد، و المضلع التكراري التجميعي النازل **لا يقطع محور الفواصل في حالة المتغير المتقطع**

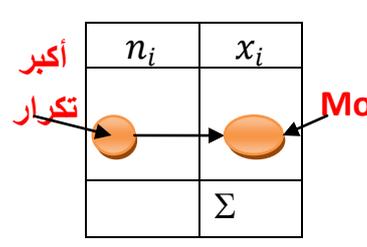
ب. في حالة المتغير الكمي المستمر:



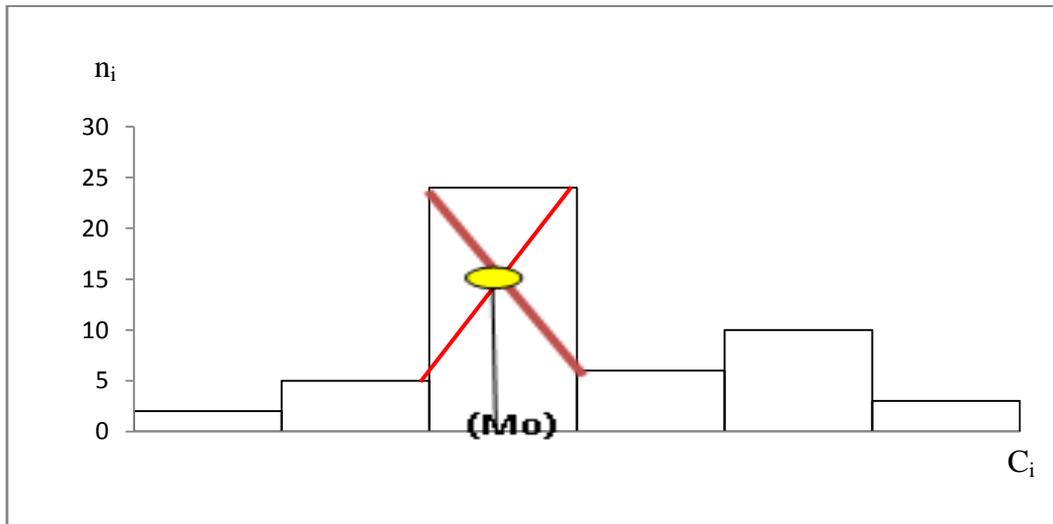
- ✓ لرسم المضلع التكراري التجميعي الصاعد: نقوم بالربط بين النقاط ذات الإحداثيات (الحد الأعلى للفترة، N_i^{\uparrow})، أي نربط ما بين الحدود العليا للفئات و ما يقابلها من قيم التكرار المتجمع الصاعد، ثم نصل النقاط المتحصل عليها للحصول على المضلع.
- ✓ لرسم المضلع التكراري التجميعي النازل: نقوم بالربط بين النقاط ذات الإحداثيات (الحد الأدنى للفترة، N_i^{\downarrow})، أي نربط ما بين الحدود الدنيا للفئات و ما يقابلها من قيم التكرار المتجمع النازل، ثم نصل النقاط المتحصل عليها للحصول على المضلع.
- ✓ المضلع التجميعي الصاعد (أو و النازل) يقطع محور الفواصل في حالة المتغير المستمر فقط، بحيث المضلع التكراري الصاعد يقطع محور الفواصل في أدنى قيمة (V_{MIN})، أما المضلع التكراري النازل فيقطع محور الفواصل في أعلى قيمة (V_{MAX}).
- ✓ المضلع التكراري التجميعي الصاعد، و المضلع التكراري التجميعي النازل **يقطع محور الفواصل في حالة المتغير المستمر فقط**، بحيث المضلع التكراري الصاعد يقطع محور الفواصل في أدنى قيمة (V_{MIN})، أما المضلع التكراري النازل فيقطع محور الفواصل في أعلى قيمة (V_{MAX}).

3. المنوال Mode

منوال مجموعة من القيم هو القيمة الأكثر تكرارا من بين مجموعة القيم. فهو القيمة المقابلة للأكثر تكرار، و يرمز له بالرمز **Mo**.

حالة البيانات المبوبة		حالة البيانات الغير مبوية
حالة المتغير الكمي المستمر		المنوال هو القيمة الأكثر تكرارا من بين القيم.
طول الفئات غير متساوي	طول الفئات متساوي	<p>1. تحديد أكبر تكرار.</p> <p>2. القيمة المقابلة لأكبر تكرار هي المنوال Mo</p> 
<p>1. حساب التكرار المعدل: $\hat{n}_i = \frac{n_i}{a_i}$</p> <p>2. تحديد أكبر تكرار معدل</p> <p>3. تحديد الفئة المنوالية و هي الفئة المقابلة لأكبر تكرار معدل.</p> <p>4. حساب Mo</p> <p>$Mo = L + \frac{D_1}{D_1 + D_2} a_i$</p> <p>L: الحد الأدنى للفئة المنوالية</p> <p>D_1 = تكرار المعدل الفئة المنوالية-تكرار المعدل الفئة السابقة لها</p> <p>D_2 = تكرار المعدل الفئة المنوالية-تكرار المعدل الفئة الموالية لها.</p> <p>a_i: طول الفئة المنوالية</p>	<p>1. تحديد أكبر تكرار</p> <p>2. تحديد الفئة المنوالية و هي الفئة المقابلة لأكبر تكرار.</p> <p>3. حساب Mo</p> <p>$Mo = L + \frac{D_1}{D_1 + D_2} a_i$</p> <p>L: الحد الأدنى للفئة المنوالية</p> <p>D_1: تكرار الفئة المنوالية-تكرار الفئة السابقة لها</p> <p>D_2: تكرار الفئة المنوالية-تكرار الفئة الموالية لها.</p> <p>a_i: طول الفئة المنوالية</p>	

■ المنوال بيانيا:



ملاحظة: في حالة عدم تساوي طول الفئات، نقوم بتمثيل التكرار المعدل عوض التكرار (n) على المحور العمودي.

4.العلاقة بين مقاييس النزعة المركزية:

إذا كانت لمجموعة من البيانات منوال واحد، و منحناها يقترب من التماثل فإن قيمة الوسيط بصفة عامة تكون ما بين قيمة المتوسط الحسابي و المنوال . و تتحقق المعادلة التالية بصفة تقريبية:

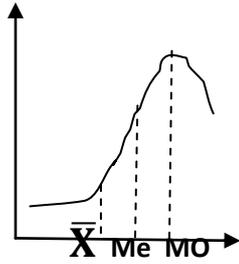
$$3(\bar{X} - Me) = (\bar{X} - Mo)$$

و تعرف هذه العلاقة بالعلاقة النظرية لبيرسون للتماثل. و يمكن أن نميز ما بين ثلاث حالات بصفة عامة:

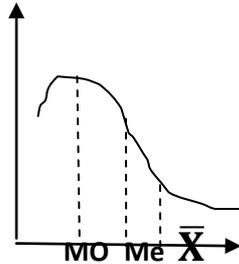
A . $\bar{X} = Me = Mo$ إلتواء متماثل

B . $\bar{X} > Me > Mo$ إلتواء موجب نحو اليمين

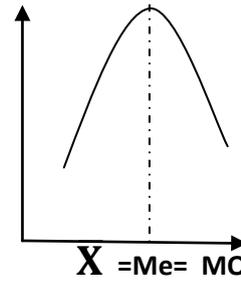
C . $\bar{X} < Me < Mo$ إلتواء سالب نحو اليسار



B



C



A