

### تمارين الفصل الخامس : التوزيعات العشوائية المعروفة

التمرين الأول: تصل السيارات إلى مرآب في وسط المدينة بمعدل 10 سيارة كل ساعتين.

(1) ماهو التوزيع الاحتمالي العشوائي  $x$  الذي يمثل عدد السيارات التي تصل إلى المرآب خلال ساعتين؟

(2) ما هو توقع المتغير  $x$  ؟ أحسب تباينه وانحرافه المعياري.

(3) أحسب احتمال أن تصل إلى المرآب خلال ساعتين: 12 سيارة. 04 سيارات على الأقل.

التمرين الثاني: يتوافد الأشخاص على مصلحة إدارية بمعدل شخص كل 10 دقائق، نعرف المتغير العشوائي  $x$  الذي يمثل عدد الأشخاص المتوافدين على المصلحة كل ساعة.

(1) ماهو التوزيع الاحتمالي العشوائي  $x$  ؟

(2) أحسب احتمال أن يتوافد على المصلحة خلال ساعة معينة: شخصان على الأقل . 03 أشخاص على الأكثر.

(3) أحسب احتمال أن يتوافد على المصلحة خلال يوم عمل من 7 ساعات 30 شخص.

التمرين الثالث: باعت شركة تجارية 08 سيارات من نوع معين في يوم ما. احتمال أن تبقى سيارة صالحة للسير أكثر من عشر سنوات هو 0,8 نعرف المتغير العشوائي  $x$  الذي يمثل عدد السيارات من بين الـ 8 المباعة التي تبقى صالحة للسير أكثر من 10 سنوات.

(1) ماهو التوزيع الاحتمالي  $x$  ؟

(2) أحسب توقعه وتباينه.

(3) أحسب احتمال: عدد السيارات التي تبقى صالحة للسير أكثر من عشر سنوات هو 0,6.

- عدد السيارات التي تبقى صالحة للسير أكثر من عشر سنوات هو 03 على الأقل

- عدد السيارات التي تبقى صالحة للسير أكثر من عشر سنوات لا يقل عن 2 ولا يزيد عن 5.

التمرين الرابع: في مدينة معينة احتمال إصابة شخص بالزكام في شهر معين هو 0,6. نعرف المتغير العشوائي  $x$  الذي يمثل عدد المصابين بالزكام في هذه المدينة وفي هذا الشهر في عينة من 60 شخص.

(1) ماهو التوزيع الاحتمالي لـ  $x$  ؟

(2) أحسب توقعه وتباينه.

(3) أحسب احتمال: أن لا يصاب أي شخص بالزكام في هذه المدينة خلال هذا الشهر.

يصاب شخصان على الأقل بالزكام في هذه المدينة خلال هذا الشهر.

التمرين الخامس: يحتوي صندوق على 10 قطع فاسدة و 07 صالحة، نحسب منه بالصدفة 05 قطع.

(1) ماهو التوزيع الاحتمالي لـ  $x$  ؟

(2) أحسب احتمال: عدد القطع الفاسدة المحصل عليها هو 04 على الأكثر.

عدد القطع الفاسدة المحصل عليها هو 2 على الأقل

التمرين السادس: من بين 10 متقدمين بطلب لملأ وظيفة شاغرة 6 يحملون درجة جامعية، اختير بالصدفة 04

من بين الـ 10 لإجراء مقابلة. نعرف المتغير العشوائي  $x$  الذي يمثل عدد حاملي الدرجة الجامعية المختارين لإجراء المقابلة.

(1) ماهو التوزيع الاحتمالي لـ  $x$  ؟

(2) أحسب احتمال: عدد حاملي الدرجة الجامعية المختارين هو 03.

عدد حاملي الدرجة الجامعية المختارين لا يزيد عن 02.

عدد حاملي الدرجة الجامعية المختارين لا يقل عن 01.

التمرين السابع:

ليكن  $x$  متغيرا عشوائيا خاضعا لتوزيع طبيعي وسطه الحسابي 12 وانحرافه المعياري 03.

(1) أحسب:  $P(9 \leq x \leq 13)$ ,  $P(x \geq 14,2)$ ,  $P(x \geq 10)$ ,  $P(x \geq 10,5)$ ,  $P(x \geq 15)$ .

(2) عين قيم:  $a$ ,  $b$ ,  $c$  بحيث:  $P(b \leq x \leq c) = 0,6$ ,  $P(x \geq b) = 0,75$ ,  $P(x \leq a) = 0,88$ .

التمرين الثامن:

تشير الخبرة السابقة إلى أن الطلب السنوي بالوحدات على مادة معينة متغير عشوائي يخضع إلى توزيع طبيعي

وسطه الحسابي  $\mu$  وانحرافه المعياري  $\sigma$

إذا علمت أنّ احتمال أن يكون  $x$  محصوراً بين:  $(\mu - 3290)$  و  $(\mu + 3290)$  هو  $0,9$  واحتمال أن لا يفوق العدد  $45785$  هو  $0,08$  فما هي قيم  $\mu$  و  $\sigma$ ؟

التمرين التاسع: في منطقة معينة  $88\%$  من الرواتب الشهرية تزيد عن  $10825$  دج. نفرض أن الراتب الشهري الفردي في هذه المنطقة يخضع إلى توزيع طبيعي انحرافه المعياري  $1000$  دج.

(1) ما هو متوسط الرواتب الشهرية الفردية في هذه المنطقة؟

(2) أحسب نسبة الأشخاص الذي تتراوح رواتبهم بين  $11820$  دج و  $12500$  دج؟

التمرين العاشر: علامات  $300$  طالب في امتحان معين تخضع إلى توزيع طبيعي وسطه الحسابي  $11$  وانحرافه المعياري  $02$ .

(1) ما هي نسبة الطلبة الذين وقعت علاماتهم بين  $10$  و  $14$ ؟

(2) ما هو عدد الطلبة الذين تحصلوا على علامة أقل من  $8$ ؟

(3) ما هي أقل علامة حصل عليها طالب من بين  $25\%$  الأوائل؟