

# Taux d'accroissement d'une population

## 1-Taux d'accroissement démographique:

En démographie, la « croissance démographique » est l'évolution de la taille d'une population pour un territoire donné, le « taux d'accroissement démographique » décrit le rythme de cette évolution (augmentation ou diminution)

Il correspond à la variation de la population au cours d'une période de temps et s'exprime généralement en pourcentage du nombre d'individus dans la population à la mi-période (ou la population moyenne).

Par ailleurs, la  $\sum$  des taux d'accroissements naturels + migratoires = le taux d'accroissement démographique.

## 2-Dans un milieu aux ressources illimitées, on peut calculer l'évolution temporelle des effectifs

**Hypothèse:** pas d'échanges avec une autre population

- N= nombre d'individus de la population
- B= nombre de naissances (birth)
- M = nombre de morts (dead)
- La variation d'effectifs d'une population fermée s'écrit :

$$DN/Dt= B-M$$

**Transformons cette équation grâce au taux d'accroissement par individu :**

•Taux de natalité par individu =  $b = \text{nb de naissances (par saison reproductive) / effectif total} = B/N$

$B = \text{nb de naissances totales} = bN$

•Taux de mortalité par individu (pour la même période)=  $m = M/N$

$$\Rightarrow M=mN$$

• On s'intéresse au **taux d'accroissement par individu**  $r = b - m$ .

si  $r > 0$  la population s'agrandit

• on avait :  $DN/Dt = B - M = bN - mN$  d'où :

$$DN/Dt = rN$$

Pour pouvoir utiliser l'équation précédente sur plus d'une saison reproductive, il faut que :

\* **Les ressources du milieu soient illimitées** : tous les individus ont accès à une nourriture abondante

\* **Les individus se reproduisent au maximum de leurs capacités reproductives**, sans être influencés par la densité de population.

- On a alors :

**Le taux maximal d'accroissement par individu par unité de temps  $r = r_{max}$  => La croissance de la population est exponentielle!**

**On parle aussi de modèle de Malthus**

**Thomas Malthus** et l'obstacle à l'accroissement géométrique (1766-1834)

« Si elle n'est pas freinée, la population s'accroît de manière géométrique. Tandis que la production de ressources ne s'accroît qu'en progression arithmétique. »

**Une croissance exponentielle s'observe lors de l'introduction d'une espèce dans un milieu favorable**

Introduction d'éléphants dans un parc d'Afrique du sud, protégés du braconnage. La croissance exponentielle a amené les gestionnaires du parc à donner les éléphants à d'autres parcs et à recourir à la contraception!

Une espèce à croissance exponentielle dans un biotope est une espèce invasive

La capacité limite du milieu donne le nb max d'individus pouvant s'y développer durablement.

• **Définition** : Capacité limite du milieu = **K** = **capacité de charge du milieu** = **nb max d'individus d'une espèce capables de vivre dans un milieu au cours d'une période, sans dégradation du biotope.**

- Si effectifs  $> K \Rightarrow$  **surpopulation**  $\rightarrow$  **épuisement des ressources**
- $K$  varie dans le temps et l'espace, en fonction des ressources disponibles

**Exemple** : *Limitation par la nourriture: éléphants du Parc d'Afrique du Sud en 1970 endommageaient la végétation  $\rightarrow$  risque de famine si on n'avait pas «exporté» des éléphants vers d'autres parcs.*

### **Le modèle logistique ou Modèle de Verhulst (1804-1849)**

**Le modèle logistique\* décrit le ralentissement de la croissance lié à la densité**

- **Hypothèse fondamentale** : le taux d'accroissement par individu ( $r$ ), se rapproche de **0** quand la taille de la population ( $N$ ) se rapproche de la capacité limite du milieu ( **$K$** ).
- Il faut donc modifier le modèle exponentiel de façon à ce que le taux d'accroissement dépende de la densité de la population et diminue quand celle-ci se rapproche de  $K$ .
- Bien sûr quand  $N \rightarrow K \rightarrow 0$  = arrêt de croissance d'une population qui se rapproche de la capacité limite du milieu.
- Quand  $N \ll K$ , cette expression  $\rightarrow 1$  = on retrouve la loi exponentielle

$$dN/dt = r_{\max} N (1 - N/K)$$

**Courbe de croissance logistique\*\*\***

**À retenir :**

La densité de population réduit son taux d'accroissement quand on se rapproche de la capacité limite du milieu. Diminution de la natalité et/ou augmentation de la mortalité.

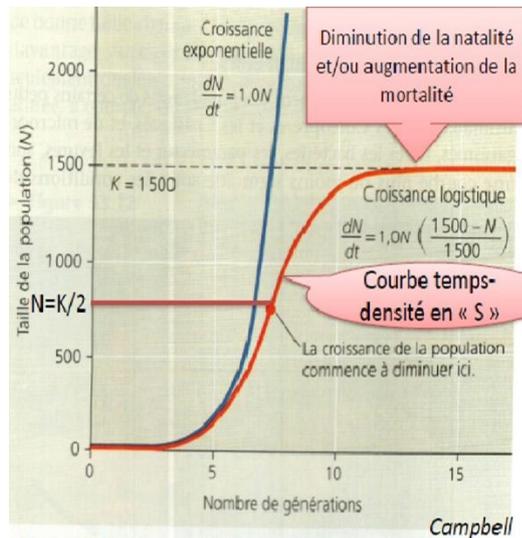


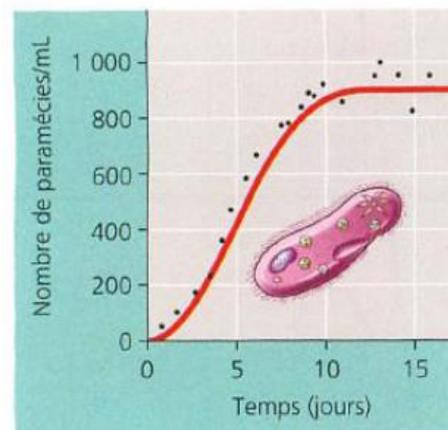
Figure 53.9 La prédiction de l'accroissement démographique au moyen du modèle logistique. Le taux d'accroissement démographique diminue au fur et à mesure que la taille de la population ( $N$ ) s'approche

## Accroissement d'une population : modèle logistique

- Le modèle logistique intègre la notion de **capacité limite du milieu** :

**Nombre maximal d'individus** d'une population qui peuvent vivre dans un milieu, **sans dégradation de l'habitat**

- Le taux d'accroissement diminue lorsqu'on s'approche de la capacité limite du milieu



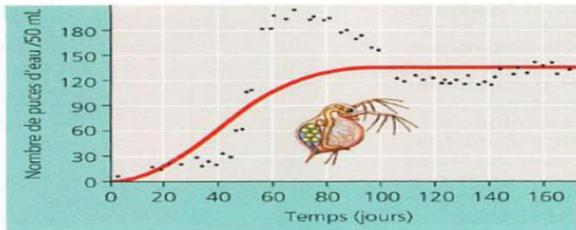
Culture de paramécie avec des conditions constantes

\*Exemple (b)... mais l'ajustement n'est pas instantané

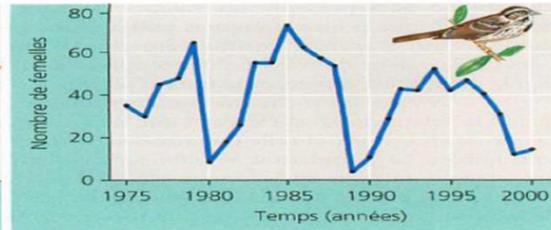
Le modèle suppose un **ajustement instantané** de la taille de la population aux capacités du milieu.

Or le manque de nourriture ralentit la reproduction, mais les femelles (ou cellules) **ont des réserves** -> **dépassement temporaire de la capacité limite du milieu K.**

**Accroissement d'une population :**  
confrontation du modèle logistique avec la réalité



**(b) Population de puces d'eau en culture.**  
L'accroissement d'une population de puces d'eau (*Daphnia sp.*) dans une petite culture (points noirs) n'est pas tout à fait conforme au modèle logistique (courbe en rouge). En effet, la population s'est accrue si rapidement qu'elle a dépassé la capacité limite de son milieu artificiel, avant de revenir à une taille relativement stable.



**(c) Population de bruants chanteurs (*Melospiza melodia*) dans son habitat naturel.** La population de bruants chanteurs femelles qui nichent sur l'île de Mandarte, en Colombie-Britannique, diminue périodiquement, en raison d'hivers rigoureux. Ainsi, l'accroissement démographique ne se conforme pas bien au modèle logistique.

\*Exemple (c)... à conditions que le biotope reste stable