



## سلسلة التمارين رقم 01 الحساب المصفوفي والمحددات

تمرين 01: أحسب محدد المصفوفات التالية:

$$A = \begin{pmatrix} -3 & -2 \\ -2 & -1 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ -5 & -1 \end{pmatrix} \quad C = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 0 \\ 1 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \quad D = \begin{pmatrix} 2 & -6 & 0 \\ 1 & 0 & -2 \\ -1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$$
$$E = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 1 \\ 2 & 0 & 0 \\ 1 & 4 & 1 \end{pmatrix} \quad F = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \\ 1 & 5 \end{pmatrix} \quad M = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix} \quad N = \begin{pmatrix} 1 & a & 1 \\ 1 & a & 2 \\ 1 & a & 3 \end{pmatrix}$$

تمرين 02: لديك المصفوفات التالية:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 4 & 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \text{et} \quad B = \begin{pmatrix} -3 & 1 & 2 \\ 3 & -3 & 0 \\ 6 & 2 & -2 \end{pmatrix}$$

(1) أحسب المصفوفة  $S$  حيث  $S = A^t + 4B$ ، و  $A^t$  هي منقول (transposée) المصفوفة  $A$ .

(2) حساب المصفوفة  $M = A \times B$

(3) حساب مقلوب المصفوفة  $A$

تمرين 03: لديك المصفوفة  $A$  التالية:

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 \\ -1 & 2 & -1 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}$$

(1) تأكد أن  $A^2 = 3A - 2I_3$ ، مع  $I_3$  هي مصفوفة وحدية.

(2) استنتج أن المصفوفة  $A$  تقبل مقلوب وحدد  $A^{-1}$ .

تمرين 04: لديك المصفوفة  $M$  التالية:

$$M = \begin{pmatrix} 1-a & -6 & 0 \\ 1 & a & 1 \\ 0 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

(1) حدد قيمة  $a$  حتى تقبل المصفوفة  $M$  مقلوب.

(2) حدد مقلوب المصفوفة  $M$  من أجل  $a = 1$  و  $a = -1$