

الاختبارات الاحصائية المعلمية : اختبار T

المقدمة :

الاختبارات الإحصائية هو القيام بإجراء دراسة على عينة مجتمع مستهدفة وقيام الباحث بجمع معلومات وبيانات حول هذا المواضيع المعينة، فلا يستطيع الوصول إلى المعلومات والبيانات التي تفيد الباحث فيضطر الباحث التطرق إلى وسيلة أخرى ليتمكن من الحصول على هذه المعلومات والبيانات حول الموضوع فيقوم الباحث بإجراء دراسة معينة على فئة مستهدفة من العينة باستخدام وسيلة من اختيار الباحث بما تتناسب مع موضوع الدراسة.

وهكذا نستطيع القول بأن الباحث حصل على المعلومات والبيانات بشكلها المبدئي وليتوصل إلى الشكل النهائي للبيانات يجرى الباحث عملية تحليل البيانات بالوسيلة الذي يريدها الباحث ومن بعدها إجراء العمليات الإحصائية على هذه البيانات واختبارات التحليل الإحصائي التي توصل الباحث إلى النتائج النهائية التي تمكنه من استخدامها وتعميمها.

في هذا الموضوع سوف نلقى الضوء على أهم اختبار احصائي والأشهر والأكثر استخداما وبخاصة في البحوث التربوية والنفسية وهو اختبار "ت" T-test أحد أساليب الإحصاء الاستدلالي.

ولكن ما هي اختبارات التحليل الإحصائي التي ذكرنا، وفيما يستخدم هذا الاختبار الإحصائي؟، وما أنواع اختبارات التحليل الإحصائي؟، وما هو اختبار الاحصائي؟

الاحصاء للداريين و الاقتصاديين /دلال القاضي . سهيلة عبد الله .محمود البياني -عمان : دار مكتبة الحامد. 2003

- عبدالله صادي و مشري الحبيب 2008تكوين المعلمين السنة الثالثة ديوان الوطني وللتعليم والتكوين عن بعد.

1 : ماهية الاختبارات التحليل الاحصائي

1.1 : تعريف الاختبارات التحليل الاحصائي

أن الاختيار بين الاختبارات الإحصائية لا يأخذ فقط بعين الاعتبار نوعية البيانات (كمي، ترتيبي، اسمي) بل أيضاً نوع العينة. وتنطلق الاختبارات الإحصائية من أفضلية الأخذ بالعينات الإحصائية بدلاً من الأخذ بمجتمع الدراسة لسرعة الإنجاز وقلة التكلفة وقابلية تعميم النتائج من خلال تمثيلية العينات الإحصائية أو تحديد حدود البحث في حال كانت العينات غير تمثيلية، فيلحظ الباحث في عنوان البحث وإجراءاته ونتائجه الحدود المكانية التي توقف البحث عندها. وتتعدد أنواع العينات، ولكل منها حدود فيما يخص ملاءمتها للمعالجات

الإحصائية الاستدلالية القائمة على قابلية تعميم النتائج. وهي تنقسم بشكل عام إلى فئتين: عشوائية وقصدية (أي غير عشوائية).

2.1: أنواع اختبارات التحليل الإحصائي

تقسم أنواع اختبارات التحليل الإحصائي الي قسمين رئيسين يتفرع منهم العديد من أنواع الاختبارات، والقسمين الرئيسين لاختبارات التحليل الإحصائي هما ما يلي:

اختبارات التحليل الإحصائي المعلمية:

أو بمسمى آخر البراميتارية وهي الاختبارات ذات التوزيع الطبيعي للبيانات وتعتبر الاختبارات المعلمية الاختبارات الإحصائية الأشهر والأكثر استخداماً، حيث أنها تستعمل كافة المعلومات والبيانات وبالتالي لديها الإمكانية في الوصول إلى نتائج أكثر وأكبر، ولاختبارات التحليل الإحصائي المعلمية عدة أنواع منها ما يلي:

اختبار t : هو أكثر الاختبارات الإحصائية المعلمية استخداماً في الأبحاث العلمية، ويمكن تعريف اختبار t وهو الاختبار التي يمكن الباحث من خلاله الكشف عن دلالة الفرق الإحصائي بين متوسطي العينة الأولى والعينة الثانية وحساب الانحراف بين العينة والأخرى، ويصنف ثلاثة أنواع لاختبار t وهي على حسب العينة المستخدمة في اختبار t

اختبار z : هي إحدى أنواع الاختبارات الإحصائية المعلمية ويهدف اختبار التحليل الإحصائي المعلمية z إلى المقارنة بين قيمة المجتمع الإحصائي وبين المتوسط الحسابي لعينة المجتمع، ويهدف أيضاً اختبار التحليل الإحصائي المعلمية z إلى تقييم نسبة اختلاف صفات وسمات العينة عن خصائص المجتمع المستهدف الإحصائي التي يعتبر هذه العينة جزء منه، ويتم التقييم للعينة على أساس تحديد الفرضية البديلة وفرضية العدم، حساب قيم z ومن ثم إجراء المقارنة وأخيراً إصدار القرار بالفرض أو القبول واستخلاص وإظهار النتيجة.

متى يستخدم اختبار t ومتى يستخدم اختبار z ؟

هناك فرق بسيط بين وقت استخدام اختبار t واختبار z ، فاختبار التحليل الإحصائي المعلمية t يستخدم في حال كانت حجم العينة أقل من ثلاثين مفردة، وأن يكون الانحراف المعياري غير معروف وعينة المجتمع معروفة، أما اختبار التحليل الإحصائي المعلمية z تستخدم في الحالات المعاكسة لاختبار التحليل الإحصائي t ولا يضمن أن يستخدم فيها أي إذا كانت حجم العينة تزيد عن ثلاثين مفردة ويكون الانحراف المعياري للمجتمع معروف، وعينة المجتمع غير معروفة.

3.1: تعريف اختبار ت (T-test)

هو أحد أهم الاختبارات الإحصائية وأكثرها استخداما في الأبحاث والدراسات التي تهدف للكشف عن دلالة الفروق الإحصائية بين متوسطي عينتين.

مثال: عندما يحاول الباحث اختبار الفروق بين متوسطي مجموعتين من الطلاب درست كل منهما بطريقة تدريس مختلفة لتعرف مدى وجود فروق ذات دلالة إحصائية تخبرنا بأفضلية طريقة منهما على الأخرى.

وهناك مجموعة من الشروط العامة في الاختبارات المعلمية (Parametric Statistics) ومنها اختبار "ت"

أن يكون مستوى قياس المتغير التابع (المختبر) كمي سواء كان نسبيا أو فئويا.

المعينة العشوائية بمعنى استخدام الأسلوب العشوائي في اختيار العينات.

استقلالية القياس أو المشاهدات.

التوزيع الاعتمالي لدرجات للمتغير التابع.

تجانس التباين تماثل تشتت درجات المجموعات حول متوسطها الحسابي.

4.1: أنواع اختبار (ت)

تقوم فكرة اختبار (ت) على حساب نسبة انحراف فرق أي متوسطين من متوسطات التوزيع الإحصائي إلى الخطأ المعياري المصاحب.

اختبار "ت" لعينة واحدة. One-Sample T Test

اختبار "ت" لعينتين مستقلتين. Independent Samples T test

اختبار "ت" لعينتين مرتبطتين. Paired Samples t-test

الكتاب : الإحصاء التطبيقي المؤلف جلاطو جيلالي 05 شارع محمد مسعودي – الجزائر

- عبد المنعم أحمد الدريز 2006 الإحصاء البارامترية و اللابارامترية عالم الكتب الفاروق .
الحدیثة للطباعة و النشر القاهرة

- عبد الوهاب محمد كامل 2001. التعلم العلاجي مكتبة النهضة المصرية القاهرة مصر.

-- علي تعوينات 2009 البطء التعليمي و علاجه من خلال أساسيات التعليم و التعلم مؤسسة
كنوز الحطمة للنشر و التوزيع الأبيار الجزائر.

2 : اختبارات أنواع اختبار T

1.2 : اختبار ت لعينة واحدة: One-Sample T Test

هو حساب الفرو لعينة واحدة من خلال قياس واحد، ويستخدم هذا الاختبار في مقارنة المتوسط الحسابي للعينة (\bar{x}) بقيمة مفترضة للمجتمع الأصلي، هي المتوسط الحسابي للمجتمع μ

-يتم حساب اختبار "ت" لعينة واحدة من القانون التالي:

$$T = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{S_x}{\sqrt{n}}}$$

$$1 - df = n$$

حيث:

\bar{x} : المتوسط الحسابي للعينة.

μ : المتوسط الحسابي للمجتمع.

S_x : الانحراف المعياري للعينة.

n : حجم العينة.

-شروط استخدام اختبار "ت" لعينة واحدة:

- بيانات المتغير المدروس كمية.
- الاختيار العشوائي للعينة.
- التوزيع الاعتمالي لبيانات المتغير المدروس.

على سبيل المثال:

مثال 1:

أظهرت النتائج فرضاً أن متوسط درجات مادة الإحصاء يقدر بـ 8 لدى طلبة جامعات الجزائر كمجتمع ذو توزيع طبيعي، ويعتقد أحد أساتذة الإحصاء في جامعة البويرة أن متوسط درجات طلبة هذه الجامعة يختلف عن متوسط درجات طلبة جامعات الجزائر في هذه المادة، لذلك اختار عينة عشوائية من طلبة

جامعة البويرة، وقام بحساب متوسط درجاتهم فحصل على النتائج التالية: 14, 21, 01, 9, 7, 8, x

هل توجد فروق دالة احصائية بين متوسط درجات طلبة جامعة البويرة ومتوسط درجات طلبة جامعات

الجزائر في مادة الإحصاء؟ **الحل:**

1- طرح المشكلة:

هل توجد فروق دالة احصائية بين متوسط درجات طلبة جامعة البويرة ومتوسط درجات طلبة جامعات

الجزائر في مادة الإحصاء؟

2- صياغة الفرضيات:

- الفرضية الصفرية: $H_0: \mu = 8$

لا توجد فروق دالة احصائية بين متوسط درجات طلبة جامعة البويرة ومتوسط درجات طلبة جامعات الجزائر في مادة الإحصاء.

- الفرضية البديلة: $H_0: \mu \neq 8$

توجد فروق دالة احصائية بين متوسط درجات طلبة جامعة البويرة ومتوسط درجات طلبة جامعات الجزائر في مادة الإحصاء. (غير موجهة)

3- إجراء العمليات الحسابية:

- نستخدم الجدول الاحصائي التالي:

x	8	7	2	11	12	14	$61 = x\sum$
x^2	64	42	81	111	144	126	$634 = x^2\sum$

- تحديد الاختبار المناسب: اختبار "ت" لعينة واحدة .

- حساب المتوسط الحسابي \bar{x} :

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{60}{6} = 10$$

- حساب الانحراف المعياري S_x :

$$S_x = \sqrt{\frac{n \sum x^2 - (\sum x)^2}{n(n-1)}}$$

$$S_x = \sqrt{\frac{6 \times 634 - (60)^2}{6(6-1)}} = 2.60$$

- حساب قيمة "ت" المحسوبة T_c :

$$T = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{S_x}{\sqrt{n}}} = \frac{10 - 8}{\frac{2.60}{\sqrt{6}}}$$

$$T = \frac{2}{1.06} = 1.88$$

- حساب درجة الحرية df :

$$df = n - 1$$

$$df = 6 - 1 = 5$$

- تحديد قيمة "ت" الجدولية T :

$$T = 2.57 \text{ عند مستوى الدلالة } \alpha \leq 0.05$$

- تحديد قيمة "ت" المحسوبة cT :

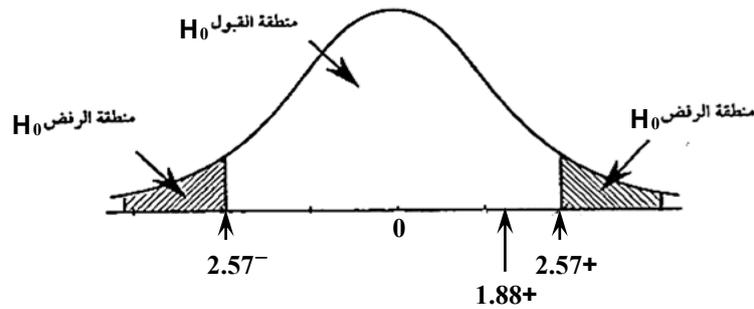
$$88.1 = cT$$

توزيع t

درجة الحرية	اختبار ذو اتجاهين					
	0.1	0.05	0.02	0.01	0.002	0.001
	اختبار ذو اتجاه واحد					
	0.05	0.025	0.01	0.005	0.001	0.0005
1	6.314	12.706	31.821	63.657	318.309	636.619
2	2.920	4.303	6.965	9.925	22.327	31.599
3	2.353	3.182	4.541	5.841	10.215	12.924
4	2.132	2.776	3.747	4.604	7.173	8.610
5	2.015	2.571	3.365	4.032	5.893	6.869
6	1.943	2.447	3.143	3.707	5.208	5.959
7	1.894	2.365	2.998	3.499	4.785	5.408

4-المقارنة واتخاذ القرار:

بما أن cT المحسوبة أقل إيجابية من T الجدولة فإننا نقبل الفرضية الصفرية:



5-التفسير:

نحن متأكدون بنسبة ثقة 95% ، لا توجد فرو دالة احصائيا بين متوسط درجات طلبة جامعة البويرة ومتوسط درجات طلبة جامعات الجزائر في مادة الإحصاء، بنسبة خطأ 5%، وعند درجة حرية $df = 5$.

مثال 2:

قام أحد الباحثين في علم النفس باختيار مجموعة من طلبة الجامعة بطريقة عشوائية من مجتمع طبيعي، وطبق عليهم اختبار قلق الامتحان مكون من 05 بندا وخمس بدائل درجاتها) 1، 2، 0، 4، 5،) فحصل على النتائج التالية:

$$x : 100, 125, 120, 130, 115, 110$$

ثم قام بحساب المتوسط النظري (الفرضي) لاستخدامه في تحديد مستوى قلق الامتحان لدى الطلبة، وذلك بضرب عدد بنود المقياس في متوسط درجات البدائل كمايلي:

$$\text{متوسط درجات البدائل} = \frac{1 + 2 + 3 + 4 + 5}{5} = 3$$

$$\text{المتوسط النظري} = 105 = 3 \times 35$$

تحقق من الفرضية القائلة بأن مستوى قلق الامتحان لدى الطلبة مرتفع.

1- طرح المشكلة:

هل مستوى قلق الامتحان لدى الطلبة مرتفع؟

2- صياغة الفرضيات:

- الفرضية الصفرية: $H_0: \mu = 105$ مستوى قلق الامتحان لدى الطلبة غير مرتفع.

- الفرضية البديلة: $H_1: \mu > 105$

مستوى قلق الامتحان لدى الطلبة مرتفع.

3- إجراء العمليات الحسابية:

- الاختبار المناسب: هو اختبار "ت" لعينة واحدة.

- نستخدم الجدول الاحصائي التالي:

x	111	125	121	131	115	111	$\sum x = 711$
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	----------------

$\sum x^2$	11111	15625	14411	16211	13225	12111	$\sum x^2 = 82251$
------------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	--------------------

- المتوسط الحسابي \bar{x} :

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{700}{6} = 116.66$$

- حساب الانحراف المعياري S_x :

$$S_x = \sqrt{\frac{n \sum x^2 - (\sum x)^2}{n(n-1)}}$$

$$S_x = \sqrt{\frac{6 \times 82250 - (700)^2}{6(6-1)}} = 10.80$$

- حساب

قيمة "ت" المحسوبة t_c :

$$T = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{S_x}{\sqrt{n}}} = \frac{116.66 - 105}{\frac{10.80}{\sqrt{6}}}$$

$$T = \frac{11.66}{4.42} = 2.63$$

$$T_c = 2.63$$

- حساب درجة الحرية df :

$$df = n - 1$$

$$df = 6 - 1 = 5$$

- تحديد قيمة "ت" الجدولية T :

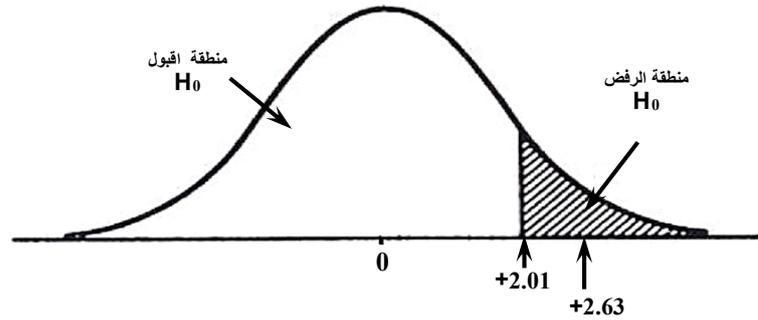
الدلالة $T = 01.2 = \alpha$ مستوى $\alpha \geq 05.0$ عند

توزيع t

درجة الحرية	اختبار ذو اتجاهين					
	0.1	0.05	0.02	0.01	0.002	0.001
	اختبار ذو اتجاه واحد					
	0.05	0.025	0.01	0.005	0.001	0.0005
1	6.314	12.706	31.821	63.657	318.309	636.619
2	2.920	4.303	6.965	9.925	22.327	31.599
3	2.353	3.182	4.541	5.841	10.215	12.924
4	2.132	2.776	3.747	4.604	7.173	8.610
5	2.015	2.571	3.365	4.032	5.893	6.869
6	1.943	2.447	3.143	3.707	5.208	5.959
7	1.894	2.365	2.998	3.499	4.785	5.408

4-المقارنة واتخاذ القرار:

بما أن cT المحسوبة أكبر إيجابية من T الجدولة فإننا نرفض الفرضية الصفرية، ونقبل الفرضية البديلة.



5-تفسير القرار: نحن متأكدون بنسببة ثقة 95%، بأن مسبتوى قلق الامتحان لدى الطلبة مرتفع ، بنسببة خطأ 5%، وعند درجة حرية

$$5 = df$$

الكتاب : الاحصاء التطبيقي المؤلف جلاطو جيلالي 05 شارع محمد مسعودي – الجزائر

الدكتور عبد الكريم بو حفص الكتاب الاحصاء المطبق (تمارين محلولة)

-علام و صلاح الدين محمود'2010 الأساليب الإحصائية الإستدلالية البارامترية و اللابارامترية في تحليل بيانات البحوث النفسية و التربوية دار الفكر العربي - القاهرة.

المطلب الثاني : اختبار "ت: لعينتين مستقلتين: Independent Samples T test

يستخدم هذا الاختبار لمقارنة متوسطي عينتين مستقلتين، وتكون العينتان مستقلتان إذا كانت مختلفتان من حيث الافراد ،وكذلك من حيث الخصائص المتعلقة بالمتغير الذي يقيسه الباحث،وتكون متجانستان إذا كانت متساويتان من حيث العدد، وكان تباين إحدى العينتين لا يختلف عن تباين العينة الأخرى بأكثر من مرتين، وإذا اختلفت العينتان من حيث العدد، وجب اختبار التجانس عن طريق اختبار F . هناك نوعان من اختبار "ت" لعينتين مستقلتين اعتماد على افتراض التجانس هما: اختبار "ت" لعينتين مستقلتين متجانستين، واختبار "ت" لعينتين مستقلتين غير متجانستين.

I. اختبار "ت" لعينتين مستقلتين متجانستين:

يتم حساب اختبار "ت" لعينتين مستقلتين متجانستين باستخدام القانون التالي:

$$T = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\left[\frac{(n_1 - 1)S_1^2 + (n_2 - 1)S_2^2}{n_1 + n_2 - 2} \right] \left[\frac{n_1 + n_2}{n_1 \cdot n_2} \right]}}$$

$$df = n_1 + n_2 - 2$$

حيث:

\bar{x}_1 : المتوسط الحسابي للعينة الأولى.

\bar{x}_2 : المتوسط الحسابي للعينة الثانية.

S_1^2 : الانحراف المعياري للعينة الأولى.

S_2^2 : الانحراف المعياري للعينة الثانية.

n : حجم عينة الأولى.

$2n$: حجم عينة الثانية.

- شروط استخدام اختبار "ت" العينتين مستقلتين متجانستين:

- بيانات المتغيرين المدروسين كمية.
- العينتين اختيارهما عشوائي.
- استقلالية المشاهدات.
- التوزيع الاعتدالي لبيانات المتغيرين المدروسين.
- تجانس تباين العينتين.

مثال:

هذه نتائج تمثل درجات مادة الاحصاء لكل من طلبة جامعة وهران وطلبة جامعة قسنطينة والمطلوب قياس الدلالة الاحصائية للفرو بينهما، مع افتراض أن الفرو لصالح طلبة جامعة وهران.

x_1 طلبة جامعة الجزائر	21	11	8	2	1	2	1
x_2 طلبة جامعة البويرة	11	12	11	11	8	7	1

1- طرح المشكلة:

هل توجد فرو ذات دلالة إحصائية بين متوسط درجات طلبة جامعة وهران ومتوسط درجات طلبة جامعة قسنطينة في مادة الاحصاء؟

2- صياغة الفرضيات:

- الفرضية الصفرية: $H_0: \mu_1 = \mu_2$

لا توجد فرو ذات دلالة إحصائية بين متوسط درجات طلبة جامعة وهران ومتوسط درجات طلبة جامعة قسنطينة في مادة الاحصاء.

- الفرضية البديلة: $H_1: \mu_1 < \mu_2$

توجد فرو ذات دلالة إحصائية بين متوسط درجات طلبة جامعة وهران ومتوسط درجات طلبة جامعة قسنطينة في مادة الاحصاء لصالح طلبة جامعة وهران. (موجهة)

3- إجراء العمليات الحسابية:

نستخدم الجدول الاحصائي التالي:

x_1	x_2	x_1^2	x_2^2
21	11	441	121
11	12	121	144

8	11	64	121
2	11	81	111
1	8	1	64
2	7	4	42
1	1	1	1
$51 = \sum x_1$	$59 = \sum x_2$	$651 = \sum x_1^2$	$597 = \sum x_2^2$

- تحديد الاختبار المناسب:

يتم ذلك عن طريق التحقق من تجانس العينتين باستعمال اختبار F وفق القانون التالي:

$$= F \frac{\text{التباين الكبير}}{\text{التباين الصغير}}$$

- حساب تباين العينة الأولى S_1^2 :

$$S_1^2 = \frac{n \sum x_1^2 - (\sum x_1)^2}{n(n-1)} = \frac{7 \times 651 - (51)^2}{7(7-1)} = 46.57$$

- حساب تباين العينة الثانية S_2^2 :

$$S_2^2 = \frac{n \sum x_2^2 - (\sum x_2)^2}{n(n-1)} = \frac{7 \times 597 - (59)^2}{7(7-1)} = 13.61$$

- حساب قيمة "ف" المحسوبة F_c :

$$F = \frac{\text{التباين الكبير}}{\text{التباين الصغير}} = \frac{S_1^2}{S_2^2} = \frac{46.57}{13.61} = 3.41$$

$$S_2^2 \quad 13.61$$

التباين الصغير

$$41.3 = F_c$$

- تحديد قيمة "ف" الجدولية F_t :

يتم تحديدها من جدول اختبار F ، باستخدام درجتي حرية البسط والمقام، ومستوى الدلالة الإحصائية

$\alpha \geq 01.0$ ، أو مستوى الدلالة الإحصائية $\alpha \geq 05.0$.

درجتي حرية البسط والمقام متساويتان وتحسبان كمايلي هي :

$$f = n - 1 = 7 - 1 = 6$$

بما أن قيمة "ف" المحسوبة F_c أقل من قيمة "ف" لجدولية F_T فإننا نقبل الفرضية الصفرية، ونستنتج بأنه لا يوجد تباين بين العينتين، أي أن العينتان متجانستان، ومنه نستخدم اختبار "ت" لعينتين مستقلتين متجانستين.

- حساب المتوسط الحسابي للعينه الأولى \bar{x}_1 :

$$\bar{x}_1 = \frac{\sum x_1}{n_1} = \frac{51}{7} = 7.28$$

- حساب المتوسط الحسابي للعينه الثانية \bar{x}_2 :

$$\bar{x}_2 = \frac{\sum x_2}{n_2} = \frac{59}{7} = 8.42$$

- حساب قيمة "ت" المحسوبة T_c :

$$\alpha \geq 0.05 \quad \text{عند مستوى الدلالة} \quad t_{T(6,6)} = 4.28$$

مستوى الدلالة (0.05)								مستوى الدلالة (0.01)							
توزيع F								توزيع F							
البسط								البسط							
المقام	1	2	3	4	5	6	7	المقام	1	2	3	4	5	6	7
1	161.45	199.50	215.71	224.58	230.16	233.99	236.77	1	4052.18	4999.50	5624.58	5403.35	5763.65	5858.99	5928.36
2	18.51	19.00	19.16	19.25	19.30	19.33	19.35	2	98.50	99.00	99.17	99.25	99.30	99.33	99.36
3	10.13	9.55	9.28	9.12	9.01	8.94	8.89	3	34.12	30.82	29.46	28.71	28.24	27.91	27.67
4	7.71	6.94	6.59	6.39	6.26	6.16	6.09	4	21.20	18.00	16.69	15.98	15.52	15.21	14.98
5	6.61	5.79	5.41	5.19	5.05	4.95	4.88	5	16.26	13.27	12.06	11.39	10.97	10.67	10.46
6	5.99	5.14	4.76	4.53	4.39	4.28	4.21	6	13.75	10.92	9.78	9.15	8.75	8.47	8.26
7	5.59	4.74	4.35	4.12	3.97	3.87	3.79	7	12.25	9.55	8.45	7.85	7.46	7.19	6.99

$$T = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\left[\frac{(n_1 - 1)S_{\bar{x}_1}^2 + (n_2 - 1)S_{\bar{x}_2}^2}{n_1 + n_2 - 2} \right] \left[\frac{n_1 + n_2}{n_1 \cdot n_2} \right]}}$$

$$T = \frac{7.28 - 8.42}{\sqrt{\left[\frac{(7 - 1)46.57 + (7 - 1)13.61}{7 + 7 - 2} \right] \left[\frac{14}{49} \right]}} = \frac{-1.14}{\sqrt{\frac{279.42 + 81.66}{12} \times \frac{14}{49}}}$$

$$T = \frac{-1.14}{\sqrt{8.59}} = \frac{-1.14}{2.93} = -0.38$$

$$T_c = -0.38$$

- حساب درجة الحرية df :

$$2 - 2n + 1df = n$$

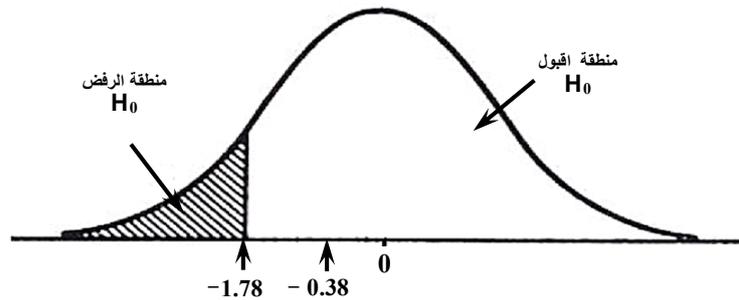
$$df = 7 + 7 - 2 = 12$$

- تحديد قيمة "ت" الجدولية T :

$$\alpha \leq 0.05 \text{ عند } T_T = -1.78$$

4- المقارنة واتخاذ القرار:

بما أن "ت" المحسوبة cT أقل سلبية من "ت" الجدولية T_T فإننا نقبل الفرضية الصفرية.



5- تفسير القرار:

نحن متأكدون بنسببة ثقة 95% بأنه لا توجد فروق ذات دلالة إحصائية بين متوسط درجات طلبة جامعة وهران ومتوسط درجات طلبة جامعة قسنطينة في مادة الاحصاء، بنسبة خطأ 5%، وعند درجة حرية $df=12$.

II. اختبار "ت" العينتين مستقلتين غير متجانستين:

يتم حساب الاختبار "ت" العينتين مستقلتين غير متجانستين باستخدام القانون التالي:

$$T = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}}$$

$$df = f = \frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{\frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1}\right)^2}{n_1 - 1} + \frac{\left(\frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{n_2 - 1}}$$

حيث:

\bar{x}_1 : المتوسط الحسابي للعينه الأولى.

\bar{x}_2 : المتوسط الحسابي للعينه الثانية.

S_1^2 : الانحراف المعياري للعينه الأولى.

S_2^2 : الانحراف المعياري للعينه الثانية.

n_1 : حجم عينه الأولى.

n_2 : حجم عينه الثانية.

- شروط استخدام اختبار "ت" العينتين مستقلتين غير متجانستين:

- بيانات المتغيرين المدروسين كمية.
- العينتين اختيارهما عشوائي.
- استقلالية المشاهدات.
- التوزيع الاعتدالي لبيانات المتغيرين المدروسين.

عدم تجانس تباين العينتين

مثال: إليك النتائج التالية التي تمثل درجات مادة الرياضيات لعيينة من الذكور وعينة من الإناث من طلبة الثانوية.

- اختبر الدلالة الاحصائية للفرو بينهما .

12	13	7	17	7	6	7	16	4	8	الذكور X_1
----	----	---	----	---	---	---	----	---	---	--------------

الاناث x_2	4	8	7	6	5	3	8	6	2	8
--------------	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

1- طرح المشكلة: هل توجد فروق بين متوسط درجات الذكور ومتوسط درجات الاناث في مادة الرياضيات؟

2- صياغة الفرضيات:

- الفرضية الصفرية: $H_0: \mu_2 = \mu_1$

لا توجد فروق بين متوسط درجات الذكور ومتوسط درجات الاناث في مادة الرياضيات.

- الفرضية البديلة: $H_1: \mu_2 \neq \mu_1$

توجد فروق بين متوسط درجات الذكور ومتوسط درجات الاناث في مادة الرياضيات. (غير موجهة)

3- إجراء العمليات الحسابية:

- نستخدم الجدول الاحصائي التالي:

x_1	x_2	$x_1 x_2$	x_2^2
8	4	64	16
4	8	16	64
16	7	256	49
7	6	49	36
6	5	36	25
7	3	49	9
17	8	289	64
7	6	49	36
13	2	169	4
12	8	144	64
$97 = \sum x_1$	$57 = \sum x_2$	$1121 = \sum x_1 x_2$	$367 = \sum x_2^2$

- تحديد الاختبار المناسب:

يتم ذلك عن طريق التحقق من تجانس العينتين باستعمال اختبار F وفق القانون التالي:

$$F = \frac{\text{التباين الكبير}}{\text{التباين الصغير}}$$

- حساب تباين العينة الأولى S_1^2 :

$$S_1^2 = \frac{n \sum x_1^2 - (\sum x_1)^2}{n(n-1)} = \frac{10 \times 1121 - (97)^2}{10(10-1)} = 20.01$$

- حساب تباين العينة الثانية S_2^2 :

$$S_2^2 = \frac{n \sum x_2^2 - (\sum x_2)^2}{n(n-1)} = \frac{10 \times 367 - (57)^2}{10(10-1)} = 4.67$$

- حساب قيمة "ف" المحسوبة cF :

$$F = \frac{\text{التباين الكبير}}{\text{التباين}} = \frac{S_1^2}{S_2^2} = \frac{20.01}{4.67} = 4.28$$

$$28.4 = cF$$

- تحديد قيمة "ف" الجدولية T_F :

يتم تحديدها من جدول اختبار F ، باستخدام درجتي حرية البسط والمقام، ومستوى الدلالة الإحصائية

$$\alpha \geq 0.05 \text{ عند مستوى الدلالة } T_{T)9,9(} = 3.18$$

توزيع F										مستوى الدلالة (0.05)											
مستوى الدلالة (0.01)										توزيع F											
البسط										البسط											
المقام	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	المقام	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	4052.18	4999.50	5624.58	5403.35	5763.65	5858.99	5928.36	5981.07	6022.47	6055.85	1	161.45	199.50	215.71	224.58	230.16	233.99	236.77	238.88	240.54	241.88
2	98.50	99.00	99.17	99.25	99.30	99.33	99.36	99.37	99.39	99.40	2	18.51	19.00	19.16	19.25	19.30	19.33	19.35	19.37	19.38	19.40
3	34.12	30.82	29.46	28.71	28.24	27.91	27.67	27.49	27.35	27.23	3	10.13	9.55	9.28	9.12	9.01	8.94	8.89	8.85	8.81	8.79
4	21.20	18.00	16.69	15.98	15.52	15.21	14.98	14.80	14.66	14.55	4	7.71	6.94	6.59	6.39	6.26	6.16	6.09	6.04	6.00	5.96
5	16.26	13.27	12.06	11.39	10.97	10.67	10.46	10.29	10.16	10.05	5	6.61	5.79	5.41	5.19	5.05	4.95	4.88	4.82	4.77	4.74
6	13.75	10.92	9.78	9.15	8.75	8.47	8.26	8.10	7.98	7.87	6	5.99	5.14	4.76	4.53	4.39	4.28	4.21	4.15	4.10	4.06
7	12.25	9.55	8.45	7.85	7.46	7.19	6.99	6.84	6.72	6.62	7	5.59	4.74	4.35	4.12	3.97	3.87	3.79	3.73	3.68	3.64
8	11.26	8.65	7.59	7.01	6.63	6.37	6.18	6.03	5.91	5.81	8	5.32	4.46	4.07	3.84	3.69	3.58	3.50	3.44	3.39	3.35
9	10.56	8.02	6.99	6.42	6.06	5.80	5.61	5.47	5.35	5.26	9	5.12	4.26	3.86	3.63	3.48	3.37	3.29	3.23	3.18	3.14
10	10.04	7.56	6.55	5.99	5.64	5.39	5.20	5.06	4.94	4.85	10	4.96	4.10	3.71	3.48	3.33	3.22	3.14	3.07	3.02	2.98

$$\alpha \geq 01.0, \text{ أو مستوى الدلالة الإحصائية } \alpha \geq 05.0.$$

درجتي حرية البسط والمقام متساويتان وتحسبان كمايلي هي :

$$f = n - 1 = 10 - 1 = 9$$

بما أن قيمة "ف" المحسوبة cF أكبر من قيمة "ف" الجدولية tF فإننا نرفض الفرضية الصفرية، ونقبل الفرضية البديلة، ونستنتج بأنه يوجد تباين بين العينتين، أي أن العينتان غير متجانستان، ومنه نستخدم اختبار

"ت" لعينتين مستقلتين غير متجانستين.

حساب المتوسط الحسابي للعينه الأولى

$$\bar{x}_1$$

$$\bar{x}_1 = \frac{\sum x_1}{n_1} = \frac{97}{10} = 9.7$$

حساب المتوسط الحسابي للعينه الثانية

$$\bar{x}_2$$

$$\bar{x}_2 = \frac{\sum x_2}{n_2} = \frac{57}{10} = 5.7$$

حساب قيمة "ت" المحسوبة

$$: T_c$$

$$T = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}} = \frac{9.7 - 5.7}{\sqrt{\frac{20.01}{10} + \frac{4.67}{10}}}$$

$$T = \frac{4}{\sqrt{2.468}} = \frac{4}{1.57} = 2.54$$

$$54.2 = cT$$

- حساب درجة الحرية df :

$$df = \frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{\frac{\left(\frac{S_1^2}{n_1}\right)^2}{n_1 - 1} + \frac{\left(\frac{S_2^2}{n_2}\right)^2}{n_2 - 1}} = \frac{\left(\frac{20.01}{10} + \frac{4.67}{10}\right)^2}{\frac{\left(\frac{20.01}{10}\right)^2}{10 - 1} + \frac{\left(\frac{4.67}{10}\right)^2}{10 - 1}}$$

$$df = \frac{(2.001 + 0.467)^2}{\frac{(2.001)^2}{9} + \frac{(0.467)^2}{9}} = \frac{6.091024}{0.444889 + 0.024232} = 12.98$$

- تحديد قيمة "ت" الجدولية T_T :

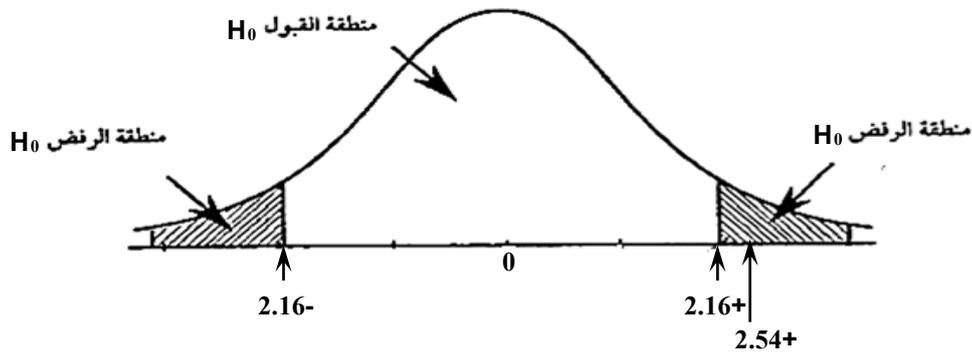
$T_T = 2.16$ الدلالة مستوى عند $\alpha \leq 0.05$

توزيع T

درجة الحرية	اختبار ذو اتجاهين					
	0.1	0.05	0.02	0.01	0.002	0.001
	اختبار ذو اتجاه واحد					
	0.05	0.025	0.01	0.005	0.001	0.0005
1	6.314	12.706	31.821	63.657	318.309	636.619
2	2.920	4.303	6.965	9.925	22.327	31.599
3	2.353	3.182	4.541	5.841	10.215	12.924
4	2.132	2.776	3.747	4.604	7.173	8.610
5	2.015	2.571	3.365	4.032	5.893	6.869
6	1.943	2.447	3.143	3.707	5.208	5.959
7	1.894	2.365	2.998	3.499	4.785	5.408
8	1.860	2.306	2.896	3.355	4.501	5.041
9	1.833	2.262	2.821	3.250	4.297	4.781
10	1.812	2.228	2.764	3.169	4.144	4.587
11	1.796	2.201	2.718	3.106	4.025	4.437
12	1.782	2.179	2.681	3.055	3.930	4.318
13	1.771	2.160	2.650	3.012	3.852	4.221

4- المقارنة واتخاذ القرار:

بما أن "ت" المحسوبة T_c اكبر ايجابية من "ت" الجدولية T_T فإننا نرفض الفرضية الصفرية ونقبل الفرضية البديلة.



5- تفسير القرار:

نحن متأكدون بنسبتيبة ثقة 95% بأنه توجد فرو بين متوسطيبيط درجات الذكور ومتوسبيبيط درجات الاناث في مادة الرياضيات، بنسبة خطأ 5%، وعند درجة حرية $df=89.12$

دار الثقافة للنشر و فضيل دليو 1802010 تقنيات تحليل البيانات في العلوم الاجتماعية و الإعلامية -
التوزيع ط' عمان الأردن

--الاحصاء للداريين و الاقتصاديين /دلال القاضي . سهيلة عبد الله .محمود البياني -عمان : دار مكتبة
الحامد. 2003

(الدكتور عبد الكريم بو حفص الكتاب الاحصاء المطبق (تمارين محلولة -

3 : اختبارات لعينتين مرتبطين

العينتان المرتبطين هما عينتان متكونتان من نفس الأفراد، أي أن الأفراد غير مستقلتين، ويستخدم هذا الاختبار لمقارنة متوسطي العينتين المرتبطين (دراسة الفرو بينهما) في الحالات:

- تطبيق اختبار قبلي واختبار بعدي على نفس العينة .

- تطبيق اختبارين مختلفين على نفس العينة .

تطبيق نفس الاختبار في فترتين مختلفتين على نفس العينة.

يتم حساب اختبار "ت" لعينتين مرتبطين باستخدام القانون التالي:

$$T = \frac{\sum D}{\sqrt{\frac{n^2 \sum D^2 - n(\sum D)^2}{n(n-1)}}$$

$$df = n - 1$$

حيث:

D: الفر بين درجات المتغيرين.

n: حجم العينة.

- شروط استخدام اختبار "ت" لعينتين مرتبطين:

• بيانات كمية للمتغيرين (بيانات فترية أو نسبية).

- اختيار عشوائي للعينة.
- توزيع اعتدالي لبيانات المتغيرين.

مثال:

اليك تصميم تجريبي للمستوى الدراسي في مادة الاحصاء بين القياس القبلي والقياس البعدي لعينة تجريبية - أدرس الفرضية القائلة بأن الفر لصالح القياس البعدي.

عينة	قياس قبلي	4	8	7	5	2	6
تجريبية	قياس بعدي	5	2	13	11	15	12

1- طرح المشكلة:

هل يوجد فر دال إحصائيا بين القياس القبلي والقياس البعدي للعينة التجريبية؟

2- صياغة الفرضيات:

• الفرضية الصفرية: $H_0: \mu_2 = \mu_1$

لا يوجد فر دال إحصائيا بين القياس القبلي والقياس البعدي للعينة التجريبية.

• الفرضية البديلة: $H_1: \mu_2 > \mu_1$

يوجد فر دال إحصائيا بين القياس القبلي والقياس البعدي للعينة التجريبية لصالح القياس البعدي.

3- إجراء العمليات الحسابية:

- تحديد الاختبار المناسب: هو اختبار "ت" لعينتين مرتبطتين.

- نستخدم الجدول الإحصائي التالي:

قياس قبلي $1x$	قياس بعدي $2x$	الفرق D $(2x - 1x)$	مربع الفرق D^2 $^2(2x - 1x)$
4	6	2-	4
8	2	1-	1
7	13	6-	36
5	11	-5	25
2	16	-7	42
3	7	-4	16

المجموع	$\Sigma = -25$	$\Sigma D^2 = 131$
---------	----------------	--------------------

حساب قيمة "ت" المحسوبة T_c

$$T = \frac{\Sigma D}{\sqrt{\frac{n^2 \Sigma D^2 - n(\Sigma D)^2}{n(n-1)}}} = \frac{-25}{\sqrt{\frac{36 \times 131 - 6(-25)^2}{6(6-1)}}}$$

$$T = \frac{-25}{\sqrt{\frac{4716 - 3750}{30}}} = \frac{-25}{5.67} = -4.40$$

$$T_c = -4.40$$

- حساب درجة الحرية df :

$$5 = 1 - df = n - 1 = 6$$

- تحديد قيمة "ت" الجدولية T_c :

الدلالة $T_c = -3.3$ مستوى $\alpha \geq 0.01$ عند

توزيع T

درجة الحرية	اختبار ذو اتجاهين					
	0.1	0.05	0.02	0.01	0.002	0.001
الحرية	اختبار ذو اتجاه واحد					
	0.05	0.025	0.01	0.005	0.001	0.0005
1	6.314	12.706	31.821	63.657	318.309	636.619
2	2.920	4.303	6.965	9.925	22.327	31.599
3	2.353	3.182	4.541	5.841	10.215	12.924
4	2.132	2.776	3.747	4.604	7.173	8.610
5	2.015	2.571	3.365	4.032	5.893	6.869
6	1.943	2.447	3.143	3.707	5.208	5.959

4- المقارنة واتخاذ القرار:

قائمة المصادر والمراجع:

±

- عبدالله صادي و مشري الحبيب 2008 تكوين المعلمين السنة الثالثة ديوان الوطني وللتعليم والتكوين عن بعد.
- عبد المنعم أحمد الدريز 2006 الإحصاء البارامترى و اللابارامترى عالم الكتب الفاروق الحديثة للطباعة و النشر القاهرة .
- عبد الوهاب محمد كامل 2001. التعلم العلاجي مكتبة النهضة المصرية القاهرة مصر.
- علام و صلاح الدين محمود'2010 الأساليب الإحصائية الإستدلالية البارامترية و اللابارامترية في تحليل بيانات البحوث النفسية و التربوية دار الفكر العربي - القاهرة.
- علي تعوينات 2009 البطء التعليمي و علاجه من خلال أساسيات التعليم و التعلم مؤسسة كنوز الحطمة للنشر و التوزيع الأبيار الجزائر.
- فضيل دليلو 1802010 تقنيات تحليل البيانات في العلوم الاجتماعية و الإعلامية دار الثقافة للنشر و التوزيع ط' عمان الأردن.
- الاحصاء للداريين و الاقتصاديين /دلال القاضى . سهيلة عبد الله .محمود البياني - عمان : دار مكتبة الحامد. 2003
- الدكتور عبد الكريم بو حفص الكتاب الاحصاء المطبق (تمارين محلولة)
- مدخل الى تحليل البيانات باستخدام سبسس/ خالد محمد السواعي