

حلول تمارين الفائدة المركبة

حل التمرين رقم 22 :

$$a = 30000, I_{\text{simple}} = 12000 = a i n$$

$$i_{\text{composed}} = 7\%$$

$$A_{\text{composed}} = 51545,59$$

1) حساب مدة التوظيف :

$$A_c = a(1+i)^n \Rightarrow (1+i)^n = \frac{A}{a}$$

$$(1+0,07)^n = \frac{51545,59}{30000} = 1,718186$$

من الجدول التالي رقم (1) عند $i=7\%$ والعمود $n=8$ سنوات

2) حساب معدل التوظيف لأول (معدل الفائدة ذات الأثر)

$$I = a i n \Rightarrow i = \frac{I}{a n} = \frac{12000}{30000 \times 8}$$

$$i = \frac{12000}{240000} = 0,05 \Rightarrow \boxed{i = 5\%}$$

حل التمرين رقم 23 :

$$A_3 = 25900,58 = a(1+i)^3$$

$$A_5 = 30772,48 = a(1+i)^5$$

$$A_5 = a(1+i)^5 = a(1+i)^3(1+i)^2 = A_3(1+i)^2$$

$$A_5 = A_3(1+i)^2 \Rightarrow (1+i)^2 = \frac{A_5}{A_3}$$

$$(1+i)^2 = \frac{30772,48}{25900,58} = 1,188100$$

$$i = \sqrt{1,188100} - 1$$
$$i = 0,09 \Rightarrow \boxed{i = 9\%}$$

أوصى الجدول لماك - رقم ① عند $n=2$ ، والمدة 1,178100
عند أن $i=9\%$

(2) حساب قيمة المبلغ المودع

$$A_5 = a(1+i)^5 \Rightarrow a = A_5(1+i)^{-5} \quad (1)$$

$$a = \frac{30772,48}{(1,09)^5} = 20000 \Rightarrow \boxed{a = 20000}$$

$$A_3 = a(1+i)^3 \Rightarrow a = \frac{A_3}{(1+i)^3}$$

$$a = \frac{25900,58}{(1,09)^3}$$

$$\boxed{a = 20000}$$

حل العربي رقم 24

(1) حساب القيمة المتصلة بالقرينة العفائية

$$\begin{aligned} A &= a(1+i)^n \left(1 + \frac{i \cdot n}{2}\right) \\ &= 36400 (1,075)^8 \left(1 + 0,075 \times \frac{5}{2}\right) \\ &= 36400 (1,783474) (1,03125) \end{aligned}$$

$$\boxed{A = 66947,30}$$

(2) حساب القيمة المتصلة بقرينة التبدل

$$\begin{aligned} A &= a(1+i)^n + a \frac{m}{2} \left[(1+i)^{n+1} - (1+i)^n \right] \\ &= 36400 (1,075)^8 + 36400 \times \frac{5}{2} \left[(1,075)^9 - (1,075)^8 \right] \\ &= 64918,56 + 202870,85 \end{aligned}$$

$$\boxed{A = 66947,30}$$

3. حساب القيمة الحالية لمجموعة المدفوعات (المعدل السنوي 12%)

$$A = a(1+i)^n (1+i)^{\frac{n}{2}}$$

$$= 36400 (1+0,075)^2 (1+0,075)^{\frac{1}{2}}$$

$$= 36400 \times 1,153478 \times 1,030590$$

$$A = 66904,43$$

حل الامتحان رقم 2

$a = 46231,38$, $A = 60000$, $i = 6,25\%$

ايضا دالة السوفيت بالنسبة لمجموعة استهلاك

$$A = a(1+i)^n$$

$$(1+i)^n = \frac{A}{a}$$

$$(1+0,0625)^n = \frac{60000}{46231,38} = 1,297819$$

ما جدول لتالي رقم (1) عند كتابته عند ان $4 < n < 5$

$n=5$	$(1+0,0625)^5$	\rightarrow	1,354081	(1)
$n=4$	$(1+0,0625)^4$	\rightarrow	1,297819	(2)
$n=4$	$(1+0,0625)^4$	\rightarrow	1,274430	

$$5-4=1 \rightarrow 0,079651 = (1,354081 - 1,274430)$$

$$5-n \rightarrow 0,056262 = (1,354081 - 1,297819)$$

$$5-n = \frac{0,056262}{0,079651}$$

$$5-n = 0,70 \rightarrow n = 5 - 0,70$$

$$n = 4,3$$

$$\begin{array}{r} 4,3 \rightarrow 4 \text{ اس} \\ \hline 0,3 \\ \times 12 \\ \hline 3,6 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0,6 \\ \times 30 \\ \hline 18 \text{ اس} \end{array}$$

العدد 4 اس و 3 اس
18 اس

حل العربة ارمم 26 =
 $a = 1700, n_a = 3 \text{ semesters}, i_s = ?, \bar{I} = 501,55$

$$n_s = n_a \times 2 = 3 \times 2 = 6 \text{ semesters}$$

(1) حساب العربة الاسمي

$$I = a \left[(1+i_s)^{n_s} - 1 \right]$$

$$(1+i_s)^{n_s} = \frac{\bar{I}}{a} + 1$$

$$(1+i_s)^6 = \frac{501,55}{1700} + 1 = 1,295029$$

من الجدول التالي - ارمم (1) عند $n=6$ نجد ان $4,25 < i_s < 4,5$

$i_s = 4,5$	$(1+0,045)^6 \rightarrow 1,302260$	①
$i_s = ?$	$(1+i_s)^6 \rightarrow 1,295029$	
$i_s = 4,25$	$(1+0,0425)^6 \rightarrow 1,283679$	

②

$$4,5 - 4,25 = 0,25 \rightarrow 0,018581 = (1,302260 - 1,283679)$$

$$4,5 - i_s \rightarrow 0,007231 = (1,302260 - 1,295029)$$

$$\frac{4,5 - i_s}{0,25} = \frac{0,007231}{0,018581}$$

$$4,5 - i_s = 0,25(0,38914)$$

$$4,5 - i_s = 0,09 \Rightarrow i_s = 4,5 - 0,09$$

$$i_s = 4,41\%$$

(2) حساب معدل الفائدة الاسمي الممكنة

$$(1+i_a) = (1+i_s)^2 \Rightarrow i_a = (1+i_s)^2 - 1$$

$$= (1+0,0441)^2 - 1 = 0,0901$$

$$i_a = 9,01\%$$

حل العتريين رقم 27

$$n_1 = n_2 = n = 6 \text{ ans}$$

$$n_s = n_a \times 2 = 6 \times 2 = 12$$

$$i_{(26)} = 3,75\%$$

$$a_1 + a_2 = 80000 \Rightarrow a_1 = 80000 - a_2$$

$$\bar{I}_1 + \bar{I}_2 = 46007,32$$

(1) حساب قيمة المبلغين

$$\bar{I}_1 + \bar{I}_2 = 46007,32$$

$$46007,32 = a_1 [(1+i_a)^{n_a} - 1] + a_2 [(1+i_s)^{n_s} - 1]$$

$$46007,32 = (80000 - a_2) [(1+0,0375)^6 - 1] + a_2 [(1+0,0375)^{12} - 1]$$

$$(80000 - a_2)(0,526874) + 0,555454 a_2 = 46007,32$$

$$46979,92 - 0,526874 a_2 + 0,555454 a_2 = 46007,32$$

$$942,6 = 0,03142 a_2$$

$$\Rightarrow a_2 = \frac{942,6}{0,03142}$$

$$\Rightarrow a_2 = 30000$$

$$a_1 = 80000 - a_2$$

$$= 80000 - 30000$$

$$a_1 = 50000$$

$$I_s = I_s \rightarrow n_2 = 40 \text{ كس } , a = 10000$$

$$n_1 = 10 \text{ امو } , i_1 = i_2 = i = ?$$

1) حساب معدل التوظيف

$$I_{\text{simple}} = a i_2 \frac{n_2}{360}$$

$$I_{\text{compound}} = A_4 \times i_1 = a (1+i_1)^4 \times i_1$$

كسفة (مركبة) $I_s = I_{\text{simple}}$

$$A_4 \times i = a i \frac{n_2}{360}$$

$$a(1+i)^4 \times i = a i \frac{n_2}{360}$$

$$(1+i)^4 = \frac{n_2}{360} = \frac{40}{360} = 1,125$$

$$i = \sqrt[4]{1,125} - 1$$

$$i = 3\%$$

2) حساب القوانة في نهاية السنة العاشرة

$$I_{10} = a [(1+i)^{10} - 1] = 10000 [(1+0,03)^{10} - 1]$$

$$= 10000 \times 0,343916$$

$$I_{10} = 3439,16$$

$$I_s = 337,5$$

$$I_c = 337,65$$

حل المبرين رقم 29 :

(1) حساب المعدل الكافى والمتناسب مع السوى اظا = $i_a = 10\%$

(2) المعدل السطحي

$$(1+i_s) = (1+i_a)^2 \Rightarrow i_s = \sqrt{1+i_a} - 1$$

$$i_s = \sqrt{1+0,1} - 1 = 0,0488$$

$$i_s = 4,88\%$$

ب) المعدل المتناسب

$$i_s = \frac{i_a}{2} = \frac{0,1}{2} = 0,05 = 5\%$$

(2) حساب المعدل السطحي الكافى والمتناسب مع السوى اذ $i_a = 9\%$

(3) المعدل السطحي

$$i_t = \sqrt[4]{(1+i_a)^4} - 1 = \sqrt[4]{(1+0,09)^4} - 1$$

$$i_t = 0,0229 \Rightarrow i_t = 2,29\%$$

ب) المعدل السطحي المتناسب

$$i_t = \frac{i_a}{4} = \frac{0,09}{4} = 0,0225$$

$$i_t = 2,25\%$$

(3) حساب المعدل السطحي الكافى والمتناسب مع السوى اظا = $i_a = 16\%$

(4) المعدل السطحي

$$i_m = \sqrt[12]{(1+i_a)^{12}} - 1 = \sqrt[12]{(1+0,16)^{12}} - 1 = 0,0124$$

$$i_m = 1,24\%$$

ب) المعدل المتناسب

$$i_m = \frac{i_a}{12} = \frac{0,16}{12} = 1,33\%$$

$$i_m = 1,33\%$$

حل العزيم رقم 30

$a = 5000, i = 11\%, n = 3$ سنة

حساب ما يتبع الاستحقاق بنهاية السنة

$A_1 = a(1+i)^n = 5000(1+0,11)^3$
 $= 5000(1,367631)$

$A_1 = 6838,155$

المدة 2

$i_s = 5,5\%, n_a = 2, n_s = 2 \times 2 = 4$

$a' = A_1 + 3600 = 6838,155 + 3600$

$a' = 10438,155$

$A_2 = a'(1+i_s)^n$

$= 10438,155(1,055)^4$

$= 10438,155 \times (1,238225)$

$A_2 = 12931,04$

المدة 3

$a'' = A_2 - 2500, n_e = 5, n_t = 5 \times 4 = 20$

$a'' = 12931,04 - 2500$

$a'' = 10431,04$

$A_3 = a''(1+i_t)^{n_t}$

$= 10431,04(1+0,03)^{20}$

$= 10431,04(1,866111)$

$A_3 = 18839,63$

حساب ما يتبع لهذا الاستحقاق بنهاية العزيم رقم 30

عاريين القيمة الحالية والاستبدال

$V_n = 26359,15$, $i_t = 2,5\%$

حل التمرين رقم 31

$n = 3$ ans et 3 mois

$n_t = 3 \times 4 + 3$

$n_t = 15$ تديات

حساب القيمة الحالية

$V_0 = V_n (1+i_t)^{-n_t} = 26359,15 (1+0,025)^{-15}$

$V_0 = 26359,15 \times 0,725420 = 19121,45$

$V_0 = 19121,45 = 1821,09$

حل التمرين رقم 32

$V_0 = 4500$, $V_n = 11500$

حساب معدل الفائدة الاسمي
 $n = 8$ ans et 6 mois

$n_s = 8 \times 2 + 1$

$n_s = 17$ semestres

$V_0 = V_n (1+i_s)^{-n_s}$

$(1+i_s)^{-17} = \frac{V_0}{V_n} = \frac{4500}{11500} = 0,391304$

حساب معدل التالى رقم 32 عند $n=17$ عند $i_s = 5,75\%$

$i_s = 5,75\% \mid (1+0,0575)^{-17} \rightarrow 0,386575$

$i_s = ? \mid (1+i_s)^{-17} \rightarrow 0,391304$

$i_s = 5,5\% \mid (1+0,055)^{-17} \rightarrow 0,402447$

$5,75 - 5,5 = 0,25 \rightarrow -0,015872 = (0,386575 - 0,402447)$

$5,75 - i_s \rightarrow -0,004729 = (0,386575 - 0,391304)$

$\frac{5,75 - i_s}{0,25} = \frac{-0,004729}{-0,015872} = 0,297946$

$5,75 - i_s = 0,25 \times 0,297946$

$5,75 - i_s = 0,0744 \Rightarrow i_s = 5,75 - 0,0744 \Rightarrow i_s = 5,675\%$

حل المبرين رقم 33 1/31/2016
 $V_n = 40000$, 1/3/2012 \rightarrow 1/31/2016

24 أسبوعاً سبوعياً = 16 شهر = 14 سنين

14 سنين = 4 + 4 + 4 + 2

$i_t = 4\%$

2012 = 14 سنين

2013 = 4 سنوات

2014 = 4

2015 = 4

2016 = سبوعياً

(1) حساب القيمة الحالية

$$V_0 = V_n (1+i_t)^{-n_t} = 40000 (1+0.04)^{-14}$$

$$= 40000 \times 0,577475$$

$$V_0 = 2309,9$$

$$E = V_n - V_0$$

$$= 40000 - 2309,9$$

$$E = 1690,1$$

$$E = V_n [1 - (1+i)^{-n_t}] = 40000 [1 - (1+0,04)^{-14}]$$

$$E = 40000 [1 - 0,577475] = 40000 \times 0,422525$$

$$E = 1690,1$$

(2) حساب مبلغ اقسام

حل المربعين رقم 34
 $i_s = 6\% / n_1 = 3, n_2 = 5, n_3 = 6, n_4 = 8$

اعداد بالدراسيات
حساب القيمة الحالية للكمالات

$$\sum V_0 = V_0'$$

$$V_{0,1} + V_{0,2} + V_{0,3} = V_0'$$

$$V_{m_1}(1+i)^{-n_1} + V_{m_2}(1+i)^{-n_2} + V_{m_3}(1+i)^{-n_3} = V_n'(1+i)^{-n_4}$$

$$V_n' = \frac{20000(1,06)^{-3} + 60000(1,06)^{-5} + 30000(1,06)^{-6}}{(1,06)^{-8}}$$

$$V_n' = \frac{20000(0,839619) + 60000(0,747258) + 30000(0,704961)}{0,627412}$$

$$V_n' = \frac{82776,69}{0,627412}$$

$$V_n' = 131935,5461$$

حليل مقارن الدفعات المتساوية

حل الميزانية رقم 3

(1) حساب القوائد لأصحة

$$I = A - \sum a$$

$$I = a \left[\frac{(1+i)^n - 1}{i} \right] - a \times n$$

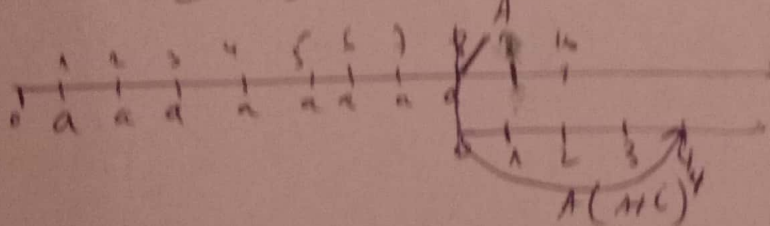
$$= 1800 \left[\frac{(1,07)^8 - 1}{0,07} \right] - (1800 \times 8)$$

$$= 1800 \times (10,259803) - 1800 \times 8$$

$$= 18467,6454 - 14400$$

$$I = 4067,6454$$

حساب القيمة المتكافئة لأجزاء آخر دفعة



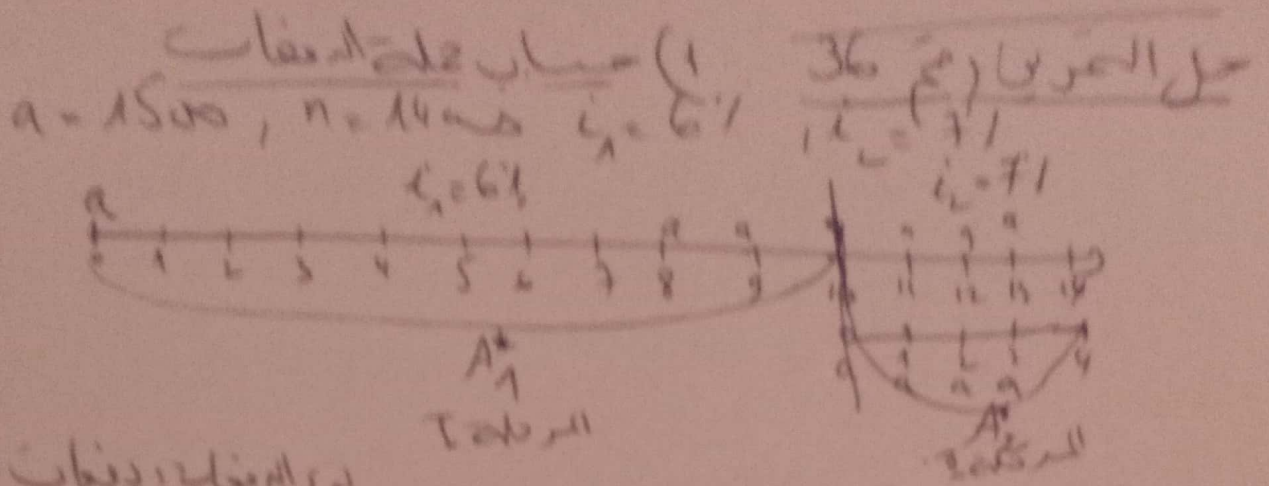
آخر دفعة تكون في نهاية السلسلة، وعليه عند القيمة في
عالمها بما يتناسب مع 12

$$A' = A (1+i)^4$$

$$= 1800 \left[\frac{(1+0,07)^8 - 1}{0,07} \right] \times (1,07)^4$$

$$= 18467,6454 \times (1,310796)$$

$$A' = 24207,31572$$



$$A_1^* = a(1+i_1) \left[\frac{(1+i_1)^n - 1}{i_1} \right] (1+i_2)^{-n}$$

$$= 1500(1,06) \left[\frac{(1,06)^{14} - 1}{0,06} \right] (1,07)^{-14}$$

$$= 1500(1,06)(13,180795)(1,310796)$$

$$A_1^* = 27470,96$$

المدة 2 قيمة الدفعات السنوية لأول المدة حتى سن 14 سنة

$i_1 = 6\%$ (مناصفة 14 سنة)

$$A_2^* = a(1+i_2) \left[\frac{(1+i_2)^n - 1}{i_2} \right] = 1500(1,07) \left[\frac{(1,07)^4 - 1}{0,07} \right]$$

$$= 1500 \times 1,07 \times 4,439943$$

$$A_2^* = 7126,10$$

المجموع النهائي للمدة هي مجموع المرحلتين

$$A^* = A_1^* + A_2^* = 27470,96 + 7126,10$$

$$A^* = 34597,06$$

(2) حساب القيمة الحالية 1

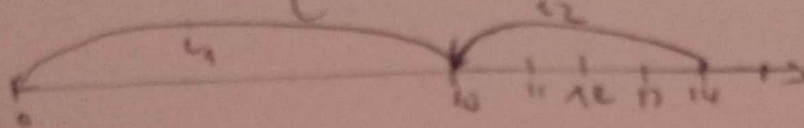
المرحلة الأولى حساب القيمة الحالية لـ 10 دفعات الأولى

$$V_{0,1}^* = a(1+i) \left[\frac{1 - (1+i)^{-10}}{i} \right] = 15000 \times 1,06 \times \left[\frac{1 - (1,06)^{-10}}{0,06} \right]$$

$$V_{0,1}^* = 15000 \times 1,06 \times 7,360087$$

$$V_{0,1}^* = 11702,53$$

المرحلة الثانية حساب القيمة الحالية لـ 4 دفعات الأخيرة



$$\begin{aligned} V_{0,2}^* &= a(1+i_2) \left[\frac{1 - (1+i_2)^{-4}}{i_2} \right] (1+i_1)^{-10} \\ &= 15000 (1,07) \left[\frac{1 - (1,07)^{-4}}{0,07} \right] (1,06)^{-10} \\ &= 15000 (1,07) (3,324211) (0,558395) \end{aligned}$$

$$V_{0,2}^* = 3035,69$$

حساب القيمة الحالية الكلية

$$V_0^* = V_{0,1}^* + V_{0,2}^* = 11702,53 + 3035,69$$

$$V_0^* = 14738,22$$

حل المربع رقم 37

1 حساب معدل الفائدة $A^* = A(1+i) \Rightarrow i = \frac{A^*}{A} - 1$

$i = \frac{45923,486}{42919,75} - 1 = 0,0699$

$i = 7\%$

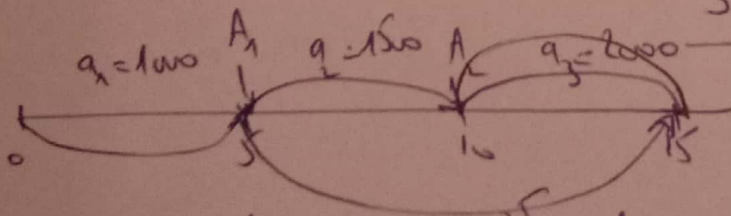
2 حساب عدد الدفعات (عكس حسابها بطريقة إيمان حريف قانون القيمة لدفعات السداد، الخطة له دفعات 6 سنوية)

$A = a \frac{[(1+i)^n - 1]}{i} \Rightarrow \frac{[(1+i)^n - 1]}{i} = \frac{A}{a}$

$\frac{(1,07)^n - 1}{0,07} = \frac{42919,75}{6000} = 7,153291$

من الجدول المالي رقم 3 عند $i = 7\%$ والعمود $n = 6$

حل المربع رقم 38



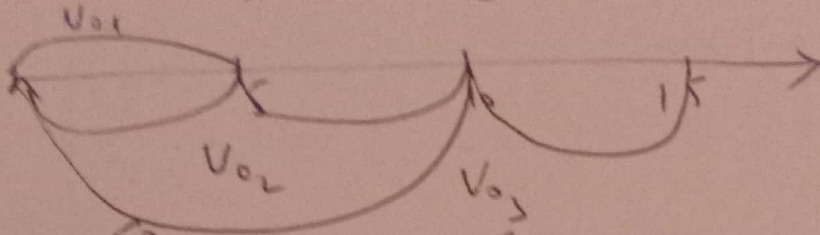
الحساب خطة الدفعات

$$\begin{aligned}
 A &= A_1(1+i)^{10} + A_2(1+i)^5 + A_3 \\
 &= q_1 \left[\frac{(1+i)^5 - 1}{i} \right] (1+i)^{10} + q_2 \left[\frac{(1+i)^5 - 1}{i} \right] (1+i)^5 + q_3 \left[\frac{(1+i)^5 - 1}{i} \right] \\
 &= 1000 \left[\frac{(1,06)^5 - 1}{0,06} \right] (1,06)^{10} + 1500 \left[\frac{(1,06)^5 - 1}{0,06} \right] (1,06)^5 + 2000 \left[\frac{(1,06)^5 - 1}{0,06} \right] \\
 &= 1000(5,637093)(1,790848) + 1500(5,637093)(1,338224) + 2000(5,637093)
 \end{aligned}$$

$A = 32684,92$

(2) حساب القيمة الحالية للدفعات:

$$N_0 = V_{0,1} + V_{0,2} + V_{0,3}$$



$$V_0 = a_1 \left[\frac{1 - (1+i)^{-5}}{i} \right] + a_2 \left[\frac{1 - (1+i)^{-5}}{i} \right] (1+i)^{-5} + a_3 \left[\frac{1 - (1+i)^{-5}}{i} \right] (1+i)^{-10}$$

$$V_0 = 1000 \left[\frac{1 - (1,06)^{-5}}{0,06} \right] + 1500 \left[\frac{1 - (1,06)^{-5}}{0,06} \right] (1,06)^{-5} + 2000 \left[\frac{1 - (1,06)^{-5}}{0,06} \right] (1,06)^{-10}$$

$$V_0 = 1000(4,212364) + 1500(4,212364)(0,747258) + 2000(4,212364)(0,558395)$$

$$V_0 = 13638,27$$

حل التمرين رقم 39
 حساب معدل الفائدة

$$A^* = a(1+i) \left[\frac{(1+i)^n - 1}{i} \right] = 1321480,3$$

$$A = a \left[\frac{(1+i)^n - 1}{i} \right]$$

$$A^* - A = 182273,1 \Rightarrow A = A^* - 182273,1 = 1321480,3 - 182273,1$$

$$A = 1139207,2$$

$$A^* = A(1+i) \Rightarrow 1+i = \frac{A^*}{A} \Rightarrow i = \frac{A^*}{A} - 1$$

$$A i = \frac{1321480,3}{1139207,2} - 1 = 0,16$$

$$i \approx 16\%$$

حل المسألة

(2)

$$A^* - A = 182273,1$$

$$A(1+i) - A = 182273,1 \Rightarrow A(1+i-1) = 182273,1$$

$$\Rightarrow i = \frac{182273,1}{1139207,2} = 0,16 \Rightarrow \boxed{i = 16\%}$$

2 حساب قيمة المدة السنوية

$$A = a \left[\frac{(1+i)^n - 1}{i} \right] \Rightarrow a = \frac{A}{\left[\frac{(1+i)^n - 1}{i} \right]}$$

$$= \frac{1139207,2}{\frac{(1,16)^2 - 1}{0,16}} = 80000$$

$$\boxed{a = 80000}$$

حل المسألة رقم 40

1 حساب قيمة المدة

قيمة المدة = القيمة الحالية للمنفقات

$$V_0 = a \left[\frac{1 - (1+i)^{-n}}{i} \right] = 250000 \left[\frac{1 - (1,06)^{-40}}{0,06} \right]$$

$$= 250000 \times 9,712249$$

$$\boxed{V_0 = 242806,2}$$

2 حساب قيمة المدة الجديدة

من أجل 250000 يدفع ثلث المبلغ

$$\bar{V}_0 = \frac{1}{3} V_0 = \frac{1}{3} \times 242806,2 = 80935,4$$

الباقى طاقية الدخل $200000 - 200000 = 200000$

$V_0 = 200000$ تمثل القيمة الحالية للمدفقات المتبقية

$$V_0 = a \left[\frac{1 - (1+i)^{-n}}{i} \right] \Rightarrow a = \frac{V_0}{\frac{1 - (1+i)^{-n}}{i}} = V_0 \cdot \frac{i}{1 - (1+i)^{-n}}$$

$$= \frac{200000}{\frac{1 - (1,06)^{-5}}{0,06}} = \frac{200000}{4,212364}$$

$$V_0 = 47479,2$$

حل العشرين رقم 41:

محمد احسن عمر من بالنسبة للبايع
 امين عمر من هو الاملى نسبة حالية لتلك العروى
 (حسب القيمة الحالية لكل عمرين ويتم المقارنة بينهم)

$$V_{01} = 47500$$

العروض الاول

$$V_{02} = V_n (1+i)^{-k} = 62500 (1,04)^{-5}$$

العروض الثاني

$$V_{02} = 51370$$

(سليخ واحد)

$$V_{03} = a \left[\frac{1 - (1+i)^{-n}}{i} \right] = 4500 \left[\frac{1 - (1,04)^{-15}}{0,04} \right]$$

$$V_{03} = 50032,74$$

احسن عرض بالنسبة للبايع هو العرض الثاني