

## TD6 :

### Résolution numérique des équations différentielles ordinaires

#### Exercice 1 :

Soit l'équation différentielle à condition initiale :

$$\begin{cases} y'(t) = y(t) + t \\ y(0) = 1 \end{cases}$$

1/ Calculer la solution approximative de cette équation en  $t = 1$  à l'aide de la méthode d'Euler en subdivisant l'intervalle  $[0, 1]$  en 10 parties égales.

2/ Sachant que la solution exacte est  $y(t) = 2e^t - t - 1$ , comparer le résultat obtenu avec la solution exacte.

#### Exercice 2 :

Soit le problème de Cauchy suivant :

$$\begin{cases} y'(t) = y(t) - \frac{2t}{y} \\ y(0) = 1 \end{cases}$$

1/ Calculer la solution approximative de cette équation en  $t = 0.2$  à l'aide de méthode de Runge-Kutta d'ordre 2 avec un pas  $h=0.2$ .

2/ Sachant que la solution exacte est  $y(t) = \sqrt{2x+1}$ , comparer le résultat obtenu avec la solution exacte.